

3. 式の計算 ①

—式の値、1次式の加法・減法—

ステップ 1 式の値

式の値は、文字を数字に置きかえる単元です。

基本学習

- ▼ 1個120円のりんご x 個を、50円の箱につめて買うときの代金は、 $120 \times x + 50 = 120x + 50$ (円)と表すことができた。では、りんごを10個買うときの代金はどうなるだろうか。

文字 x を10に置きかえて計算すればよい。 $120x + 50 = 120 \times 10 + 50 = 1250$ (円)

式の中の文字を数に置きかえることを、文字にその数を代入するといい、代入して計算した結果を式の値といいます。

基本パターン (1)

- ▼ $x = -3$ のとき、次の式の値を求めなさい。

1) $4x + 2$

$$\begin{aligned} &= 4 \times (-3) + 2 \\ &= -12 + 2 \\ &= \underline{-10} \end{aligned}$$

トライ 1 次の問いに答えなさい。

- ① $x = 4$ のとき、次の式の値を求めなさい。

1) $3x$

$3 \times 4 = 12$

2) $10 - x$

$10 - 4 = 6$

3) $2x + 4$

$2 \times 4 + 4 = 12$

- ② $a = -6$ のとき、次の式の値を求めなさい。

1) $-a$

$-(-6) = 6$

2) $\frac{1}{2}a + 3$

$$\begin{aligned} &\frac{1}{2} \times (-6) + 3 = -3 + 3 \\ &= 0 \end{aligned}$$

3) $8 - 2a$

$$\begin{aligned} &8 - 2 \times (-6) \\ &= 8 + 12 \\ &= 20 \end{aligned}$$

- ③ x の値が次の場合、 $\frac{12}{x}$ の値を求めなさい。

1) $x = 5$

$\frac{12}{5}$

2) $x = -4$

$\frac{12}{-4} = -3$

3) $x = \frac{1}{2}$

$$\begin{aligned} &\text{考え方のかけ算} \\ &\frac{12}{\frac{1}{2}} = 12 \div \frac{1}{2} = 12 \times 2 \\ &= 24 \end{aligned}$$

基本パターン (2)

- ▼ $a = -2$ のとき、次の式の値を求めなさい。

1) $5a^2 = 5 \times (-2)^2 = 5 \times 4 = \underline{20}$

2) $-a^3 = -(-2)^3 = -(-8) = \underline{8}$

トライ 2 $x = -3$ のとき、次の式の値を求めなさい。

① x^2

$(-3)^2 = 9$

② $4x^2$

$4 \times (-3)^2 = 36$

③ $\frac{-x^3}{-(-3)^3}$

$\frac{-(-3)^3}{-(-3)^3} = 27$

④ $\frac{(-x)^2}{\{-(-3)\}^2}$

$\frac{\{-(-3)\}^2}{\{-(-3)\}^2} = 9$

答え

基本学習 1250

基本1 ⑦ - 10

⑧ - 2

基本2 ⑦ 20

⑧ 8

ステップ 2

項と係数

- $4 - 3x$ は $4 + (-3x)$ と、和の形で表すことができる。このとき、 4 、 $-3x$ を、式 $4 - 3x$ の項という。
- 文字をふくむ項 $-4x$ は、 $(-4) \times x$ のように、数と文字の積である。このとき、 -4 を x の係数という。
- $-3x$ のように、文字が1つだけの項を1次の項という。1次の項だけか、 $4 - 3x$ のように1次の項と数の項からできている式を1次式という。

基本パターン(3)

▼ $\frac{x}{3} - y + 2$ の項と、文字をふくむ項の係数を書きなさい。

$\frac{x}{3} + (-y) + 2$ より、項は $\frac{x}{3}, -y, 2$

$\frac{1}{3} \times x$ より x の係数は $\frac{1}{3}$, y の係数は -1

定期テストに必ずい内容あり。

数字だけの項を定数項と

いいます

ポイント

項と係数

$$2x - 3y + 5 = 2x + (-3y) + 5$$

\uparrow \uparrow
 x の係数 y の係数



項と係数を見分けるには、符号の前に / を入れるとよくわかる。

$$2x - 3y + 5$$

参考

$x^2 (=x \times x)$ や $xy (=x \times y)$ は、2次の項という。

トライ(3)

次の式の項と、文字をふくむ項の係数を書きなさい。

① $-3x + 4y$

項は、 $-3x, 4y$

② $\frac{a}{5} - b - 4$

項は、 $\frac{a}{5}, -b, -4$

x の係数は -3

y の係数は 4

a の係数は $\frac{1}{5}$

b の係数は -1

-4には文字がありません

基本パターン(4)

▼ 次の式のうち、1次式には○、そうでない式には×を [] に記入しなさい。

⑦ $4x$ [○]

⑧ a^2 [X]

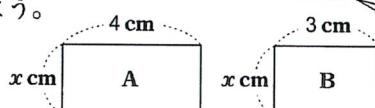
⑨ $\frac{x}{4} - 9y$ [○]

⑩ $2xy - 5a$ [X]

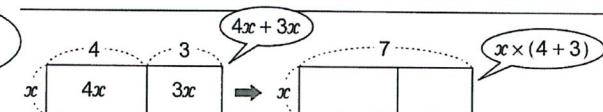
ステップ 3 項をまとめて式を簡単にする

基本学習

▼ 下の図のように、長方形 A, B の面積について考えよう。



2) 2つの長方形の面積の和を表す式を書きなさい。



面積の和は、 $x \times 7 =$ $7x$ (cm²)

1) 長方形 A, B の面積を表す式をそれぞれ書きなさい。

長方形 A の面積は、 $x \times 4 =$ $4x$ (cm²)

長方形 B の面積は、 $x \times 3 =$ $3x$ (cm²)

① 文字の部分が同じ項を同類項といいます。

② 同類項は、1つの項にまとめて簡単にすることができる。

ポイント ○ $x + \triangle x = (\bigcirc + \triangle)x$

基本パターン(5) 項をまとめる ①

(1) $3x - 5x$

= $(3-5)x$

= $-2x$

(2) $4a - a$

= $(4-1)a$

= $3a$

$-a$ のことだよ

注意!

$4a - a = 4$ としてはダメ!

トライ(4)

次の式を簡単にしなさい。

① $6x + 7x$

= $(6+7)x$

= $13x$

② $-8a + 2a$

= $(-8+2)a$

= $-6a$

③ $10x - x$

= $(10-1)x$

= $9x$

答え

□

基本3 □ $\frac{x}{3}$ ① $-y$ ② 2 ③ $\frac{1}{3}$ ④ -1 基本4 □ ○ ① × ② ○ ③ × 基本学習 □ $4x$ ① $3x$ ② $7x$ 基本5 □ -2 ③ 3

基本パターン(6) 項をまとめる②

$$(1) 4x - 7x + 5x$$

$$= (4 - 7 + 5)x$$

$$= \underline{\underline{2}} x$$

係数をまとめて文字をつける

$$(2) 2a [-6] + 3a + [4]$$

$$= 2a + 3a [-6] + [4]$$

$$= (2+3)a - 6 + 4$$

$$= \underline{\underline{5}} a - \underline{\underline{2}}$$

ポイント

同類項どうしを別々にまとめて式を簡単にしよう。

$$(3) 0.2x + [0.8] - 0.7x [-0.6]$$

$$= (0.2 - 0.7)x + 0.8 - 0.6$$

$$= \underline{\underline{-0.5}} x + \underline{\underline{0.2}}$$

注意!

$5a$ と -2 は同類項ではないから、これ以上まとめるすることはできない！

トライ⑤

次の式を簡単にしなさい。

定数項

$$(1) 5a - 9a + a$$

$$= (5-9+1)a$$

$$= -3a$$

$$(2) 3x - 7 - 5x + 9$$

$$= (3-5)x - 7 + 9$$

$$= -2x + 2$$

$$(3) -0.3x + 1.2 + 1.5x - 0.8$$

$$= (-0.3 + 1.5)x + 1.2 - 0.8$$

$$= 1.2x + 0.4$$

これ以上はできな!!

これ以上はできな!!

発展パターン(1) 係数が分数の場合

$$\frac{1}{2}x \left[-\frac{3}{4} \right] + \frac{2}{3}x + \left[\frac{1}{3} \right] = \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{3} \right)x - \frac{3}{4} + \frac{1}{3}$$

$$= \left(\frac{3}{6} + \frac{4}{6} \right)x - \frac{9}{12} + \frac{4}{12}$$

ポイント

まとめて通分しない！

同類項どうしで別々に通分を考えよう。

$$= \underline{\underline{\frac{7}{6}}}x - \underline{\underline{\frac{5}{12}}}$$

トライ⑥

次の式を簡単にしなさい。

$$(1) \underline{\underline{x}} - \frac{1}{6}x$$

$$= (1 - \frac{1}{6})x$$

$$= \underline{\underline{\frac{5}{6}}}x$$

$$(2) \frac{2}{3}a + \frac{1}{2} - \frac{1}{5}a - \frac{3}{4}$$

$$= (\frac{2}{3} - \frac{1}{5})a + \frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

$$= (\frac{10}{15} - \frac{3}{15})a + \frac{2}{4} - \frac{3}{4}$$

$$= \underline{\underline{\frac{7}{15}}}a - \underline{\underline{\frac{1}{4}}}$$

ステップ④ 1次式の加法・減法

1次式の加法・減法は、()をはずして計算する。

基本パターン(7)

$$(1) (2x+5) + (4x-7)$$

$$= 2x+5 + 4x-7$$

$$= \underline{\underline{6}} x - \underline{\underline{2}}$$

ポイント

1次式の加法

そのまま()をはずし、同類項どうしをまとめて式を簡単にする。

$$(2) (2x+5) - (4x-7)$$

$$= 2x+5 - 4x+7$$

$$= \underline{\underline{-2}} x + \underline{\underline{12}}$$

ポイント

1次式の減法

- ()をはずすと、()の中の各項の符号が変わる。

$$- (4x-7) = - 4x + 7$$

もうがいやすいのび流意

トライ⑦

次の計算をしなさい。

$$(1) 4x + (2x-7)$$

$$= \underline{\underline{4}} x + \underline{\underline{2}} x - \underline{\underline{7}}$$

$$= \underline{\underline{6}} x - \underline{\underline{7}}$$

$$(2) (-2x+5) + (3x-8)$$

$$= -2x + 5 + 3x - 8$$

$$= \underline{\underline{x}} - \underline{\underline{3}}$$

$$(3) (6a-2) - (4a+5)$$

$$= \underline{\underline{6}} a - \underline{\underline{2}} - \underline{\underline{4}} a - \underline{\underline{5}}$$

$$= \underline{\underline{2}} a - \underline{\underline{7}}$$

$$(4) x + 9 - (2 - 5x)$$

$$= x + 9 - 2 + 5x$$

$$= \underline{\underline{6}} x + \underline{\underline{7}}$$

$$(5) (0.8x+1.2) - (0.5x+1.6)$$

$$= 0.8x + 1.2 - 0.5x - 1.6$$

$$= \underline{\underline{0.3}} x - \underline{\underline{0.4}}$$

$$(6) \left(\frac{1}{2}x - 7 \right) - \left(\frac{2}{3}x - 4 \right)$$

$$= \frac{1}{2}x - 7 - \frac{2}{3}x + 4$$

$$= - \frac{1}{6}x - \underline{\underline{3}}$$



基本6

② 2

④ 5

② 2

① -0.5

③ 0.2

発展1

② $\frac{7}{6}$

③ $\frac{5}{12}$

基本7

② 6

④ 2

③ -2

④ 12

計算 まかいいに気をつけ、解くみよう。

練習問題



たくさん解いて、解き方を工夫したり、計算に慣れよう！

- 1** $x=6$ のとき、次の式の値を求めなさい。 ◀ 基本1

① $4x$ 24

② $-3x$ -18

③ $15-x$ 9

④ $2x-4$ 8

⑤ $8-3x$ -10

⑥ $\frac{2}{3}x-4$ 0

- 2** $a=-4$ のとき、次の式の値を求めなさい。 ◀ 基本1

① $3a$ -12

② $12-a$ 16

③ $\frac{1}{2}a+6$ 4

④ $5a+14$ -6

⑤ $7-2a$ 15

⑥ $8-\frac{3}{4}a$ 11

- 3** x の値が次の場合、 $\frac{8}{x}$ の値を求めなさい。 ◀ 基本1

① $x=2$ 4

② $x=-4$ -2

③ $x=\frac{1}{2}$ 16

④ $x=-\frac{2}{3}$ -12

- 4** $x=-4$ のとき、次の式の値を求めなさい。 ◀ 基本2

① x^2 16

② $-x^3$ 64

③ $-3x^2$ -48

④ $2x^2-3x$ 44

- 5** 次の式の項と、文字をふくむ項の係数を書きなさい。 ◀ 基本3

① $2a-5b$
項… $2a, -5b$ a の係数2
 b の係数-5

② $x+3y-5$
項… $x, 3y, -5$ x の係数1
 y の係数3

③ $\frac{2}{5}x-y-\frac{z}{4}$
項… $\frac{2}{5}x, -y, -\frac{z}{4}$ x の係数 $\frac{2}{5}$
 y の係数-1
 z の係数 $-\frac{1}{4}$

- 6** 次の式のうち、1次式には○、そうでない式には×を〔 〕に記入しなさい。 ◀ 基本4

⑦ $5y$ [○]

⑧ $4x^2$ [×]

⑨ $3a+2$ [○]

⑩ $4xy$ [×]

⑪ $2x^2+3xy$ [×]

⑫ $5x+y-4$ [○]

- 7** 次の式を簡単にしなさい。 ◀ 基本5

① $4x+2x$ 6x

② $a+3a$ 4a

③ $8x-x$ 7x

④ $3x-7x$ -4x

⑤ $-9x+6x$ -3x

⑥ $-2x+8x$ 6x

⑦ $14a-11a$ 3a

⑧ $-12x+3x$ -9x

⑨ $x-10x$ -9x

- 8** 次の式を簡単にしなさい。 ◀ 基本6

① $x+x+x$ 3x

② $7x-3x+6x$ 10x

③ $a-6a+5a$ 0

④ $5x-2-3x+10$ 2x+8

⑤ $3x-7-4x+9$ -x+2

⑥ $a+5-6-8a$ -7a-1

⑦ $-7x-9+7x+3$ -6

⑧ $12x+15-8x-17$ 4x-2

⑨ $18a-29-23a+36$ -5a+7

⑩ $2.5x-0.4-1.2x+0.8$

⑪ $0.4a+1-0.5a-0.7$

⑫ $x+2.5-2.3x-3.7$

1.3x+0.4

-0.1a+0.3

分数・小数は注意、2. 計算ほしゅ。

9

次の式を簡単にしなさい。 ◀発展1

$$\textcircled{1} \quad a - \frac{1}{4}a = \frac{3}{4}a$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{5}{6}x - \frac{1}{2}x = \frac{1}{3}x$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{2}{3}x - \frac{3}{4}x = -\frac{1}{12}x$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{3}{2}x + \frac{1}{3} - \frac{1}{4}x + \frac{1}{2} = \frac{5}{4}x + \frac{5}{6}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{3}a + \frac{3}{4} - \frac{2}{5}a - \frac{1}{2} = \frac{1}{15}a + \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{6} \quad -\frac{1}{6}x + \frac{1}{2} + \frac{3}{4}x - \frac{5}{8} = \frac{7}{12}x - \frac{1}{8}$$

10

次の計算をしなさい。 ◀基本ア

$$\textcircled{1} \quad 3x + (2x+3) = 5x+3$$

$$\textcircled{2} \quad a + 4 + (6a-12) = 7a-8$$

$$\textcircled{3} \quad (3x-4) + (5x+9) = 8x+5$$

$$\textcircled{4} \quad -6x+2+(9-5x) = -11x+11$$

$$\textcircled{5} \quad (5x+4)+(8x-10) = 13x-6$$

$$\textcircled{6} \quad (7x-9)+(-13x+12) = -6x+3$$

$$\textcircled{7} \quad 7x+4-(2x+1) = 5x+3$$

$$\textcircled{8} \quad 3a+8-(5a+3) = -2a+5$$

$$\textcircled{9} \quad (6x-4)-(5x-6) = x+2$$

$$\textcircled{10} \quad -5a-3-(4a+9) = -9a-12$$

$$\textcircled{11} \quad (8a+12)-(4-7a) = 15a+8$$

$$\textcircled{12} \quad (11x+9)-(-3x+12) = 14x-3$$

$$\textcircled{13} \quad (-12x+14)+(12x-6) = 8$$

$$\textcircled{14} \quad (-15x+16)-(15x-9) = -30x+25$$

$$\textcircled{15} \quad (11a-13)-(-17+11a) = 4$$

11

次の計算をしなさい。 ◀ステップ ③④

$$\textcircled{1} \quad (0.4x+1.2)+(0.3x-0.8)$$

$$0.7x+0.4$$

$$\textcircled{2} \quad (1.2a-0.7)-(0.8a+0.3)$$

$$0.4a-1$$

$$\textcircled{3} \quad (1.5x+2)-(1.4-0.3x)$$

$$1.8x+0.6$$

$$\textcircled{4} \quad \left(\frac{1}{3}x+7\right)+\left(\frac{1}{6}x-2\right) = \frac{1}{2}x+5$$

$$\textcircled{5} \quad \left(\frac{3}{4}a+6\right)-\left(\frac{1}{2}a+4\right) = \frac{1}{4}a+2$$

$$\textcircled{6} \quad \left(\frac{1}{3}x+2\right)-\left(\frac{1}{2}x-7\right) = -\frac{1}{6}x+9$$

$$\textcircled{7} \quad \left(\frac{1}{3}x-\frac{1}{6}\right)+\left(\frac{1}{2}x+\frac{2}{3}\right) = \frac{5}{6}x+\frac{1}{2}$$

$$\textcircled{8} \quad \left(\frac{1}{4}x+\frac{2}{5}\right)-\left(\frac{2}{3}x-\frac{1}{2}\right) = -\frac{5}{12}x+\frac{9}{10}$$

$$\textcircled{9} \quad \left(\frac{3}{5}x+\frac{1}{4}\right)-\left(\frac{2}{3}+\frac{5}{6}x\right) = -\frac{7}{30}x-\frac{5}{12}$$

12

次の2式をたしなさい。 ◀ステップ ③④

$$\textcircled{1} \quad 4a+5, \quad 3a-6 = 7a-1$$

$$\textcircled{2} \quad 6x-9, \quad -8x+5 = -2x-4$$

$$\textcircled{3} \quad -7x-8, \quad 13x+11 = 6x+3$$

13

次の左の式から右の式をひきなさい。 ◀ステップ ③④

$$\textcircled{1} \quad 5x+4, \quad 3x+1 = 2x+3$$

$$\textcircled{2} \quad 4x-8, \quad 7x+2 = -3x-10$$

$$\textcircled{3} \quad -2a+11, \quad -7a-9 = 5a+20$$

上位クラスのみでOKです。

応用問題

さあ、チャレンジしてみよう！あきらめずに最後までトライ！

1

$x=-\frac{3}{2}$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$$\textcircled{1} \quad 4-6x = 13$$

$$\textcircled{2} \quad x^2+2x+3 = \frac{9}{4}$$

$$\textcircled{3} \quad (2x+5)^2 = 4$$

2

次の計算をしなさい。

$$\textcircled{1} \quad \frac{1}{2}a-0.3-\left(\frac{1}{3}a-0.9\right)+\frac{1}{4}a = \frac{5}{12}a+0.6$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{1}{2}x+\frac{1}{5}-\left(\frac{1}{3}x-\frac{2}{7}\right)-\frac{1}{6}x = \frac{17}{35}$$

$$\textcircled{3} \quad 0.8-\left(-\frac{1}{4}+\frac{2}{3}x\right)-\left(\frac{5}{6}x+\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{2}x+\frac{11}{30}$$

3

右の表で、縦、横、斜めに並んだ式の和が、どれも等しくなるようにしたい。ア～ウにあてはまる式をそれぞれ求めなさい。

$$\textcircled{P} \quad a+1 \quad \textcircled{1} \quad -3a+1 \quad \textcircled{2} \quad -2a+1$$

ア	-4a+1	3a+1
2a+1	1	ウ
イ	4a+1	-a+1

4

$A=3a+2, B=-2a+5, C=3a-4$ のとき、 $A+B-C$ の値を求めなさい。

$$(3a+2) + (-2a+5) - (3a-4) = -2a+11$$