

4. 文字式の利用

ステップ 1 式の値

式の値を求めるときは、式をできるだけ簡単にしてから、文字に数を代入する。定期テストによくある!

基本パターン 1

▼ $a = -3$, $b = 2$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$$1) 2(3a-b)-3(a-2b)=6a-2b-3a+6b$$

ポイント

計算して、式を簡単にしてから代入しよう。

$$\begin{aligned} &= 3a + 4b \\ &= 3 \times (-3) + 4 \times 2 \\ &= -1 \end{aligned}$$

$$2) (-4a) \div 6ab \times 3ab^2 = -\frac{4a \times 3ab^2}{6ab}$$

式を簡単にしてから
 $a = -3$, $b = 2$ を代入

$$\begin{aligned} &= -2ab \\ &= -2 \times (-3) \times 2 \\ &= 12 \end{aligned}$$

トライ 1 $a = 4$, $b = -2$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$$① 2(3a+b)-5(a+b)$$

$$\begin{aligned} &= 6a + 2b - 5a - 5b \\ &= a - 3b \quad \leftarrow \text{ここはもうかえな!} \\ &= 4 - 3 \times (-2) \quad \text{ふにる} \\ &= 10 \end{aligned}$$

$$② 9a^2b \div (-3a)$$

$$\begin{aligned} &= -\frac{9a^2b}{3a} \\ &= -3ab \\ &= -3 \times 4 \times (-2) \\ &= 24 \end{aligned}$$

$$③ 2a^2b \times 3b \div 12ab$$

$$\begin{aligned} &= \frac{2a^2b \times 3b}{12ab} \\ &= \frac{ab}{2} = \frac{4 \times (-2)}{2} = -4 \end{aligned}$$

ステップ 2 図形の性質への利用

図形の面積や体積を、文字式の計算を利用して求めたり、図形のいろいろな性質を説明したりできる場合がある。

基本パターン 2

▼ 右の図のように、半径 r cm の円 O と、半径が円 O の 2 倍である円 O' がある。このとき、次の問いに答えなさい。

1) 円 O と円 O' の面積を、 r を使って表しなさい。

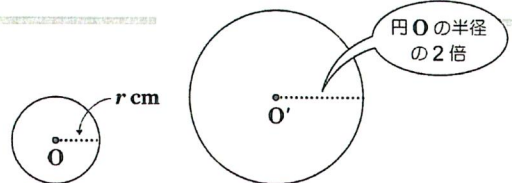
• 円 O の面積は $\pi r^2 \text{ cm}^2$

円の面積 = (半径)² × 円周率 (π)

• 円 O' の半径は r cm の 2 倍だから、 $2r$ cm と表せる。

よって、円 O' の面積は、 $\pi \times (2r)^2 = 4\pi r^2 \text{ (cm}^2\text{)}$

注意 π は数と文字の間に書くこと



2) 円 O' の面積は、円 O の面積の何倍か。

1) より、円 O の面積は $\pi r^2 \text{ cm}^2$,

円 O' の面積は $4\pi r^2 \text{ cm}^2$ と表される。

よって、 $\frac{4\pi r^2}{\pi r^2} = 4$ (倍)

トライ 2 右の図のように、底面の半径が r cm、高さが h cm の円柱 P がある。この円柱 P の底面の半径を 2 倍にし、高さを半分にした円柱 Q をつくるとき、次の問いに答えなさい。

① 円柱 P , Q の体積を、それぞれ文字式で表しなさい。

$$\begin{aligned} P: & r \times r \times \pi \times h \\ &= \pi r^2 h \text{ (cm}^3\text{)} \end{aligned}$$

体積 = 底面積 × 高さ

$$\begin{aligned} Q: & 2r \times 2r \times \pi \times \frac{h}{2} \\ &= 2\pi r^2 h \text{ (cm}^3\text{)} \end{aligned}$$

$\pi r^2 h$ はあまり使わない。
円の面積 πr^2 にかたまりを考える。

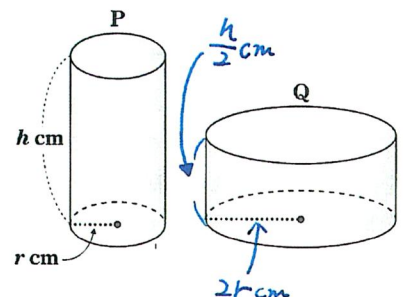
② 円柱 Q の体積は、円柱 P の体積の何倍か。

$$Q \text{ の体積} = P \text{ の体積} \times \square$$

$$2\pi r^2 h = \pi r^2 h \times \square$$

$$\square = \frac{2\pi r^2 h}{\pi r^2 h} = 2$$

2倍



答え 基本1 ① -1 ② 12
基本2 ① $4\pi r^2$ ② 4

ステップ 3 式による説明

数の性質を、文字式の計算を利用して説明できる場合がある。

基本学習 奇数と偶数の表し方

- 偶数は、2, 4, 6, 8, ...である。つまり、2の倍数であるから、 $2 \times 1, 2 \times 2, 2 \times 3, 2 \times 4, \dots \Rightarrow 2 \times \text{整数}$ と表される。

整数を表す文字を n とすると、偶数は $2 \times n = 2n$ と表される。

- 奇数は、1, 3, 5, 7, ...である。これは、偶数よりも1小さい数であるから、

奇数は、偶数 $-1 = 2n-1$ と表される。

偶数より1小さい数で奇数
 $2n+1$ も OK

よくテストに出る

ポイント いろいろな整数の表し方

- 偶数 $\dots 2n$, 奇数 $\dots 2n-1$ (n は整数)
- 連続する3つの整数 (n は整数)
 $\dots n-1, n, n+1$
【例】 $\begin{array}{ccc} 3 & 4 & 5 \\ & -1 & +1 \end{array}$
- 2けたの自然数 (x, y は自然数)
 $\dots 10x+y$
十の位 一の位

基本パターン 3

【例】 $3+5=8$,
8 は偶数

▼ 2つの奇数の和は偶数である。このわけを説明しなさい。

【説明】 m, n を整数とすると、2つの奇数は $2m-1, 2n-1$ と表される。

$$\text{その和は, } (2m-1) + (2n-1) = 2m+2n-2 = 2(m+n-1)$$

$m+n-1$ は整数だから、 $2 \times (m+n-1)$ は偶数である。

したがって、2つの奇数の和は偶数である。

2×整数

分配法則の逆を考えよう

$$\square (m+n-1) = 2m+2n-2$$

トライ 3 次の問いに答えなさい。

- ① 連続する3つの整数の和は3でわり切れる。
このわけを説明しなさい。

【例】 $3+4+5=12$,
12 は3でわり切れる

【説明】

整数を n とすると、連続する3つの整数は

$n-1, n, n+1$ と表される。

$$\text{その和は, } (n-1) + n + (n+1) = 3n$$

$3 \times \text{整数}$ は 3 の倍数である。

したがって、連続する3つの整数の和は、

3 でわり切れる。

- ② 2けたの自然数と、その自然数の十の位の数と一の位の数を入れかえた自然数との和は11の倍数である。
このわけを説明しなさい。

【例】 $52+25=77$,
77 は11の倍数

【説明】

2けたの自然数の十の位の数を x , 一の位の数を y とすると、

2けたの自然数は $10x+y$, 入れかえた自然数は $10y+x$ と表される。

$$\text{その和は, } (10x+y) + (10y+x) = 11x + 11y = 11(x+y)$$

$x+y$ は自然数だから、これは 11 の倍数である。

ステップ 4 等式の変形

計算と方程式のつながりを思いあそぼう。

いくつかの文字をふくむ等式で、そのうちの1つの文字を他の文字で表すことを、その文字について解くという。等式の変形は、方程式を解くのと同一ように、等式の性質を利用して考えればよい。

基本学習 1次方程式の復習

$$(1) 4+x=9$$

$$\begin{array}{l} x=9-4 \\ x=5 \end{array}$$

$$(2) 2x=5$$

$$\begin{array}{l} x=\frac{5}{2} \end{array}$$

$$(3) \frac{1}{3}x=2$$

$$\begin{array}{l} \frac{1}{3}x \times 3 = 2 \times 3 \\ x=6 \end{array}$$

両辺を2でわる
 $\frac{2x}{2} = \frac{5}{2}$

両辺に3をかけて、
分数をなくす

答え 基本学習 ② $2n$ ③ $2n-1$

基本3 ② 2 ③ 偶数

基本学習 ② 5 ③ $\frac{5}{2}$ ④ 6

等式変形がすばやく解けるようになると、方程式の解くスピードがめくれる。

基本パターン④

ポイント

等式の変形は、方程式を解くのと同じ。

▼ 次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

(1) $a - 3b = 2c$ [a]

$$a = 3b + 2c$$

-3b を
右辺に移項

ワザ
あり!!

左辺に - がついているときは、
まず、両辺に -1 をかけて、両
辺の符号をかえておくともミスが
少なくなる。

(2) $a - 3b = 2c$ [b]

$$-3b = -a + 2c$$

a を右辺
に移項

$$3b = a - 2c$$

$$b = \frac{a - 2c}{3}$$

3

(3) $a - 3b = 2c$ [c]

$$2c = a - 3b$$

$$c = \frac{a - 3b}{2}$$

両辺を 3 で
わると

ワザ
あり!!

解きたい文字が
左辺にくるように、
まず、両辺をそのまま
入れかえる

トライ④

次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

① $x + y = 5$ [y]

$$y = -x + 5$$

$y = 5 - x$ もよい!! 文字を前に書く
習慣をつけよう

② $2x = 5y$ [x]

$$x = \frac{5y}{2}$$

$$(x = \frac{5}{2}y)$$

③ $2a - b = 9$ [b]

$$b = -2a + 9$$

$$b = 9 - 2a$$

④ $3x + 4y = 6$ [x]

$$3x = -4y + 6$$

$$x = \frac{-4y + 6}{3}$$

$$(x = -\frac{4}{3}y + 2)$$

⑤ $y = 5x + 2$ [x]

$$5x + 2 = y$$

$$5x = y - 2$$

$$x = \frac{y - 2}{5}$$

左辺と右辺を
入れかえ

⑥ $x - 4y = 3$ [y]

$$-4y = -x + 3$$

$$y = \frac{-x + 3}{-4}$$

$$y = \frac{x - 3}{4}$$

基本パターン⑤

▼ 次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

$$S = \frac{1}{2}ah$$
 [a]

$$\frac{1}{2}ah = S$$

$$ah = 2S$$

$$a = \frac{2S}{h}$$

両辺を入れかえて、
分数をなくすため、
両辺に 2 をかける

両辺を h でわると

トライ⑤

次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

① $V = \frac{1}{3}Sh$ [h]

$$\frac{1}{3}Sh = V$$

$$Sh = 3V$$

$$h = \frac{3V}{S}$$

左辺と右辺を
入れかえ

両辺に 3 を
かける

② $m = \frac{a+b}{2}$ [a]

$$\frac{a+b}{2} = m$$

$$a+b = 2m$$

$$a = 2m - b$$

左辺と右辺を
入れかえ

両辺に 2 を
かける

発展パターン①

▼ 次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

$$\ell = a(1+r)$$
 [r]

$$a(1+r) = \ell$$

両辺を入れかえて

$$1+r = \frac{\ell}{a}$$

$$r = \frac{\ell}{a} - 1$$

両辺を a でわると
 $\frac{a(1+r)}{a} = \frac{\ell}{a}$

トライ⑥

次の等式を、[] の中の文字について解きなさい。

① $\ell = 2(a+b)$ [b]

$$2(a+b) = \ell$$

$$a+b = \frac{\ell}{2}$$

$$b = \frac{\ell}{2} - a$$

左辺と右辺を
入れかえ

② $\ell = 2\pi(r+h)$ [h]

$$2\pi(r+h) = \ell$$

$$r+h = \frac{\ell}{2\pi}$$

$$h = \frac{\ell}{2\pi} - r$$

左辺と右辺を
入れかえ

両辺に 2 を
かける

答え

基本④ ① $3b$ ② 3 ③ $\frac{a-3b}{2}$

基本⑤ h

発展① $\frac{\ell}{a} - 1$

練習問題



たくさん解いて、解き方を工夫したり、計算に慣れよう！

1

$a=2, b=-3$ のとき、次の式の値を求めなさい。◀基本1

① $5a-2b-3a+7b$

-11

② $(a+b)-(2a+4b)$

7

③ $2(3a-5b)-3(a-2b)$

18

2

$x=-2, y=5$ のとき、次の式の値を求めなさい。◀基本1

① $6xy^2 \div (-2y)$

30

② $8x \div 4y \times xy^2$

40

③ $4x \times (-3xy^2) \div 2xy$

60

3

$x=3, y=-5$ のとき、次の式の値を求めなさい。◀ステップ1

① $\frac{1}{2}(4x-2y)-\frac{1}{3}(3x-9y)$

-7

② $\frac{x-3y}{2}-\frac{2x-3y}{3}$

2

③ $3x^2y \times (-2y)^2 \div 6xy$

150

4

$a=2, b=-\frac{1}{3}$ のとき、次の式の値を求めなさい。◀ステップ1

① $3(2a-4b)-(2a-3b)$

11

② $24ab^2 \div (-4b)$

4

③ $ab^2 \times (-3a)^2 \div (-a^2b)$

6

5

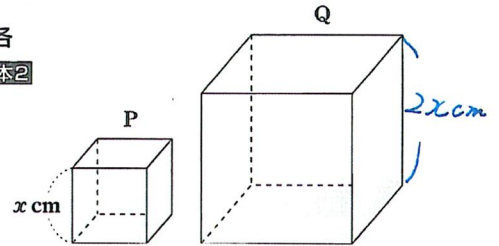
右の図のように、1辺が x cm の立方体 P がある。この立方体 P の各辺を2倍にした立方体 Q をつくる時、次の問いに答えなさい。◀基本2

① 立方体 Q の体積は、立方体 P の体積の何倍か。

P: $x \times x \times x = x^3$ Q: $2x \times 2x \times 2x = 8x^3$ 8倍

② 立方体 Q の表面積は、立方体 P の表面積の何倍か。

P: $x \times x \times 6 = 6x^2$ Q: $2x \times 2x \times 6 = 24x^2$ 4倍



6

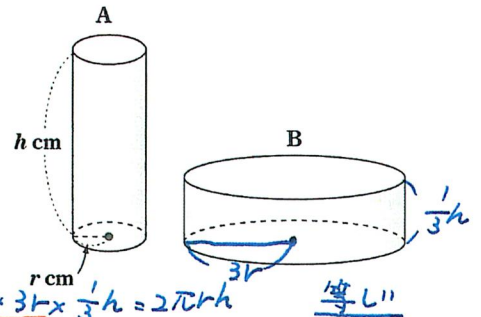
右の図のように、底面の半径が r cm、高さが h cm の円柱 A がある。この円柱 A の底面の半径を3倍にし、高さを $\frac{1}{3}$ にした円柱 B をつくる時、次の問いに答えなさい。◀基本2

① 円柱 B の体積は、円柱 A の体積の何倍か。

A: $r \times r \times \pi \times h = \pi r^2 h$ B: $3r \times 3r \times \pi \times \frac{1}{3}h = 3\pi r^2 h$ 3倍

② 円柱 A の側面積と円柱 B の側面積とでは、どちらの面積が大きい。

側面積 = 底面積の円周 $\times$ 高さ A: $2\pi r \times h = 2\pi r h$ B: $2\pi \times 3r \times \frac{1}{3}h = 2\pi r h$ 等しい

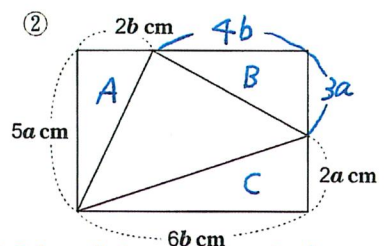
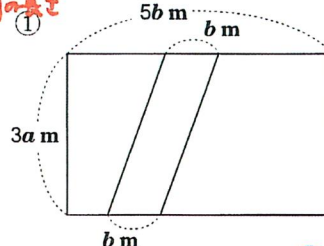


7

右の図①、②の長方形において、灰色部分の面積をそれぞれ求めなさい。

◀ステップ2

① $3a \times (5b-b) = 12ab$ (cm²)



② 長方形 - (A+B+C) = 13ab (cm²)

8

次の数を、文字式で表しなさい。◀ステップ3

重要

① 十の位の数 a 、一の位の数 b である2けたの自然数

$10a+b$

② 連続する3つの整数のうち、最も小さい整数を n と表すとき、最も大きい整数

$n, n+1, n+2$

9

次のことがらが成り立つわけを説明しなさい。◀基本3

① 2つの偶数の和は偶数である。

② 奇数と偶数の和は奇数である。

③ 偶数と偶数の積は4の倍数である。

④ 5の倍数どうしの差は5の倍数である。

⑨~⑫は証明問題につながる大切な問題です。また、高校数学にもつながるので、解き方をマスターしておきましょう！

10 次のことがらが成り立つわけを説明しなさい。基本3 省略

- ① 3, 4, 5について、3と5の和は8で、4の2倍に等しい。このように、連続する3つの整数で、最小の数と最大の数の和は真ん中の数の2倍に等しい。
- ② 4, 6, 8の和は18で、6の倍数である。このように、連続する3つの偶数の和は6の倍数である。
- ③ 4, 5, 6, 7, 8の和は30で、5の倍数である。このように、連続する5つの自然数の和は5の倍数である。

11 次のことがらが成り立つわけを説明しなさい。基本3 省略

- ① 75と57の差は18で、9の倍数である。このように、2けたの自然数と、その自然数の十の位の数と一の位の数を入れかえた自然数との差は、9の倍数である。
- ② 635と365の差は270で、90の倍数である。このように、3けたの自然数と、その自然数の百の位の数と十の位の数を入れかえた自然数との差は、90の倍数である。
- ③ 74から(7+4)をひくと63で、9の倍数である。このように、2けたの自然数から、その自然数の各位の数の和をひくと9の倍数になる。

12 右の図は、ある月のカレンダーである。灰色部分の1, 8, 15の和は24で、3の倍数である。このように、縦に並んだ3つの数の和は3の倍数である。このわけを説明しなさい。ステップ3

省略

日	月	火	水	木	金	土
					1	2
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30	31

13 次の等式を、〔 〕の中の文字について解きなさい。基本4

- ① $x+y=4$ [x] $x=-y+4$
- ② $2a=b+c$ [b] $b=2a-c$
- ③ $2x-y=5$ [y] $y=2x-5$
- ④ $2x-3y=4$ [x] $x=\frac{3y+4}{2}$
- ⑤ $3x+4y=1$ [y] $y=\frac{-3x+1}{4}$
- ⑥ $a=5b+3c$ [c] $c=\frac{a-5b}{3}$
- ⑦ $y=3x-12$ [x] $x=\frac{y+12}{3}$
- ⑧ $3x-5y-2=0$ [y] $y=\frac{3x-2}{5}$
- ⑨ $3x=1-2y$ [y] $y=\frac{-3x+1}{2}$

14 次の等式を、〔 〕の中の文字について解きなさい。基本4

- ① $xy=-6$ [y] $y=-\frac{6}{x}$
- ② $y=ax$ [a] $a=\frac{y}{x}$
- ③ $\ell=2\pi r$ [r] $r=\frac{\ell}{2\pi}$
- ④ $V=abc$ [a] $a=\frac{V}{bc}$
- ⑤ $S=2\pi rh$ [r] $r=\frac{S}{2\pi h}$
- ⑥ $\ell=2a+2\pi r$ [r] $r=\frac{-2a+\ell}{2\pi}$

15 次の等式を、〔 〕の中の文字について解きなさい。基本5

- ① $y=\frac{1}{2}x$ [x] $x=2y$
- ② $S=\frac{1}{2}\ell r$ [r] $r=\frac{2S}{\ell}$
- ③ $c=\frac{a+b}{3}$ [b] $b=3c-a$
- ④ $y=\frac{1}{3}x-2$ [x] $x=3y+6$
- ⑤ $\frac{a}{2}+\frac{b}{3}=1$ [b] $b=-\frac{3}{2}a+3$
- ⑥ $a=\frac{b+2c}{5}$ [c] $c=\frac{5a-b}{2}$

16 次の等式を、〔 〕の中の文字について解きなさい。発展1

- ① $c=3(a+b)$ [a] $a=\frac{c}{3}-b$
- ② $\ell=2(a+\pi r)$ [a] $a=\frac{\ell}{2}-\pi r$
- ③ $S=2\pi(a+b)$ [b] $b=\frac{S}{2\pi}-a$
- ④ $\ell=5(2-m)$ [m] $m=-\frac{\ell}{5}+2$
- ⑤ $\ell=\frac{1}{2}(a-x)$ [x] $x=a-\frac{1}{2}\ell$
- ⑥ $S=\frac{1}{2}(a+b)h$ [a] $a=\frac{2S}{h}-b$

中. 上位クラスには 解かせておこう。

応用問題



さあ、チャレンジしてみよう！あきらめずに最後までトライ！

- 1 $A=2a-5b$, $B=-3a+2b$ のとき、次の計算をしなさい。

① $2A-B$

$7a-12b$

② $(3A-B)+(A+4B)$

$-a-14b$

③ $3(A-2B)-5(A-2B)$

$-16a+18b$

- 2 次の式の値を求めなさい。

① $a=\frac{1}{2}$, $b=-5$ のとき, $3a-\frac{5a-b}{3}+\frac{b-7}{4}$ の値

-4

② $x=3$, $y=-2$ のとき, $\frac{9}{2}xy^3 \div \left(-\frac{3}{2}x^2y\right)^3 \times \left(-\frac{3}{4}x^2y\right)^2$ の値

-1

- 3 次の等式を, [] 中の文字について解きなさい。

① $\frac{a+b+c}{3} = \frac{4a+c}{5}$ [a]

$a = \frac{5b+2c}{7}$

② $5(x-1)+4(a+3)=5$ [a]

$a = \frac{-5x-2}{4}$

③ $S = \frac{1}{3}ah + \frac{(a+b)h}{2}$ [a]

$a = \frac{6S}{5h} - \frac{3b}{5}$

- 4 男子 17 名, 女子 21 名, 計 38 名の学級がある。この学級の男子の身長を a cm, 女子の身長を b cm, 学級全体の身長を c cm とするとき, a を b , c を使った式で表しなさい。

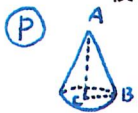
$17a+21b=38c$

$a = \frac{38c-21b}{17}$

- 5 3 けたの自然数で, 百の位の数と十の位の数と一の位の数之和が 9 の倍数になっているとき, この自然数は 9 の倍数である。このわけを説明しなさい。

省略

- 6 右の図のような直角三角形 ABC がある。この三角形を, 辺 AC を軸として 1 回転させてできる立体を P, 辺 BC を軸として 1 回転させてできる立体を Q とするとき, Q の体積は P の体積の何倍か求めなさい。

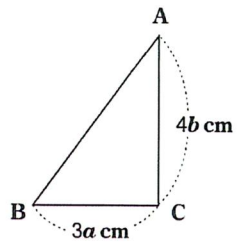


$3a \times 3a \times \pi \times 4b \times \frac{1}{3}$
 $= 12\pi a^2 b$



$4b \times 4b \times \pi \times 3a \times \frac{1}{3}$
 $= 16\pi ab^2$

$\frac{Q}{P} = \frac{16\pi ab^2}{12\pi a^2 b}$
 $= \frac{4b}{3a}$ 倍



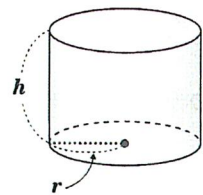
- 7 右の図のように, 底面の半径が r , 高さが h の円柱がある。このとき, 次の問いに答えなさい。

- ① この円柱の体積を V とするとき, h を V , r を使った式で表しなさい。

① $V = r \times r \times \pi \times h$ より $h = \frac{V}{\pi r^2}$

- ② この円柱の表面積を S とするとき, h を S , r を使った式で表しなさい。

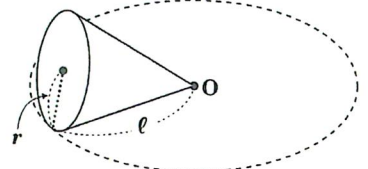
② $S = \pi r^2 \times 2 + 2\pi r \times h$ より $h = \frac{S}{2\pi r} - r$



- 8 右の図のように, 底面の半径が r , 母線の長さが l の円錐を, 頂点 O を中心にして平面上を転がしたところ, 円錐は点線で示した円の上を 1 周してもとの場所にもどるまでにちょうど 3 回転した。このとき, r を l を使った式で表しなさい。

底面の円の周の 3 倍 = 母線の長さを半径とする円周

$2\pi r \times 3 = 2\pi l$ より $r = \frac{l}{3}$



- 9 右の図は, ある月のカレンダーである。図の灰色部分で囲まれた 9 個の数の和は, どこを囲んでも真ん中の数の 9 倍になる。このわけを説明しなさい。

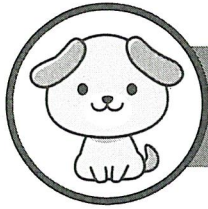
真ん中の数を n とすると,

$n-8$	$n-7$	$n-6$
$n-1$	n	$n+1$
$n+6$	$n+7$	$n+8$

$(n-8)+(n-7)+(n-6)+(n-1)+n$
 $+(n+1)+(n+6)+(n+7)+(n+8)$
 $= 9n$

よって 9 の倍数になる

日	月	火	水	木	金	土
		1	2	3	4	5
6	7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26
27	28	29	30	31		



新教科書の新しい傾向の問題です。

新傾向・思考力強化問題

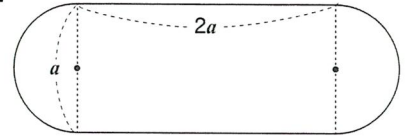
考えさせる問題がみえています

ここでは日常生活にも関係する、興味深い問題を取り上げています。ぜひ挑戦してみてください。

1

図1のように、横の長さが $2a\text{m}$ 、縦の長さが $a\text{m}$ である長方形に半円が組み合わされた陸上競技のトラックがある。これについて、次の問いに答えなさい。

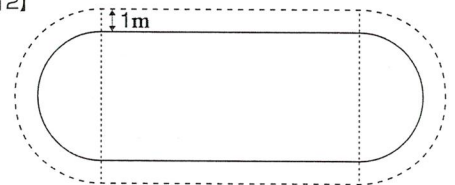
【図1】



- ① このトラックのまわりの長さを、 a と円周率 π を用いて表しなさい。 $4a + a\pi(\text{m})$

- ② 図2のように、このトラックに沿って、外側 1m のところに線を引くとする。このとき、線の長さは何 m になるか。 a と円周率 π を用いて表しなさい。

【図2】



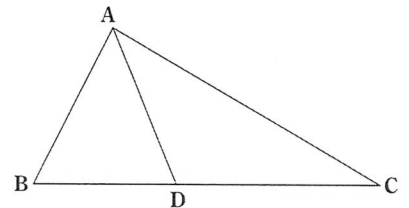
$$4a + (a+2)\pi(\text{m})$$

- ③ ①と②の2つの長さをもとに、2つのレーン（走路）をつくる。外側のレーンは内側のレーンより長いので、ゴールの位置を同じにするためには、外側のレーンのスタート位置を、内側のレーンのスタート位置よりも前にする必要がある。このとき、外側のレーンを走る人のスタート位置は、何 m 前にする必要があるか、①、②の長さをもとにして求めなさい。ただし、円周率は 3.14 とする。

6.28m 前にする必要が有る。

2

右の $\triangle ABC$ の BC 上に、 $BD=a\text{cm}$ 、 $DC=b\text{cm}$ となるような点 D をとる。これについて、次の問いに答えなさい。



- ① $\triangle ABD$ と $\triangle ACD$ の面積について、以下の空欄を埋めなさい。

点 A から BC に垂線をおろし、その長さを h とする。 $\triangle ABD$ の面積は、文字式を用いて表すと

㉞

$$\frac{1}{2}ah$$

となる。また、 $\triangle ACD$ も同様に、文字式を用いて表すと、

㉟

$$\frac{1}{2}bh$$

となる。

よって、 $\triangle ABD$ と $\triangle ACD$ の面積比を、もっとも簡単な文字式の比で表すと、

$$\triangle ABD : \triangle ACD = \frac{a}{b}$$

- ② $a=5$ 、 $b=7$ 、 $\triangle ACD$ の面積が 13cm^2 であるとき、 $\triangle ABD$ の面積を求めなさい。

$$\frac{65}{7}\text{cm}^2$$

3

右のような三角形 ABC の土地がある。XさんとYさんはこの土地を、 BC 上に点 P をとり $\triangle ABP : \triangle ACP = 2 : 1$ となるように分けることにした。このとき、その条件を満たす点 P は B から何 m のところにしたらよいか。

$$80\text{m}$$

身近なところからの題材がみえています。

