

4. 連立方程式の応用 ②

ステップ 1 速さに関する問題

ポイント

$$\text{速さ} = \frac{\text{道のり}}{\text{時間}} \quad \text{道のり} = \text{速さ} \times \text{時間} \quad \text{時間} = \frac{\text{道のり}}{\text{速さ}}$$

距離(道のり) [m]	道のり [m]
速さ [m/分]	時間 [分]

速さに関する問題は、右の公式を利用しよう。

発展パターン ① 速さの問題は「道のり」「時間」「速さ」の3つから式をつくりよう

それ以上はないので、苦手意識をとどけよう。

- ▼ある人がA地から峠をこえて、18kmはなれたB地に行った。A地から峠までは時速3km、峠からB地までは時速6kmで歩いたところ、全体で5時間かかった。A地から峠までと、峠からB地までの道のりをそれぞれ求めなさい。

- A地から峠までの道のりを x km、峠からB地までの道のりを y kmとする。

図で考えると、



表で考えると、

道のり(km)	x	y	合計 18 km
速さ(km/時)	3	6	
時間(時間)	$\frac{x}{3}$	$\frac{y}{6}$	合計 5時間

まず、分数をなくそう

$$\frac{x}{3} + \frac{y}{6} = 5$$

$$x + y = 18 \quad \text{…①}$$

$$\frac{x}{3} + \frac{y}{6} = 5 \quad \text{…②}$$

$$\begin{aligned} \text{②} \times 6 & \quad 2x + y = 30 \quad \text{…③} \\ \text{③} - \text{①} & \quad x = 12 \end{aligned}$$

$$x = 12 \text{ を①に代入}$$

$$12 + y = 18$$

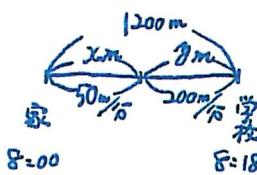
$$y = 6$$

ポイント 速さに関する問題を解くコツは、表などを書いて、道のり、速さ、時間をすべて調べることだよ。

→ 答え A地から峠まで… 12 km, 峠からB地まで… 6 km

トライ①

太郎君は8時に家を出発し、1200mはなれた学校に向かった。はじめは毎分50mで歩いていたが、途中で雨が降ってきたので、毎分200mで走ったところ、学校には8時18分に着いた。歩いた道のりと走った道のりをそれぞれ求めなさい。



歩いた道のりを x m、走った道のりを y mとすと。

$$x = 800 \text{ ①に代入}$$

$$\begin{cases} x + y = 1200 \quad \text{…①} \rightarrow \text{道のり} \\ \frac{x}{50} + \frac{y}{200} = 18 \quad \text{…②} \rightarrow \text{時間} \\ ② \times 200 \quad 4x + y = 3600 \quad \text{…③} \\ ① - ③ \quad -3x = -2400 \\ x = 800 \end{cases}$$

道のり

時間

のどね

でと

速て

作り

$$800 + y = 1200$$

$$y = 400$$

歩いた道のり 800m

走った道のり 400m

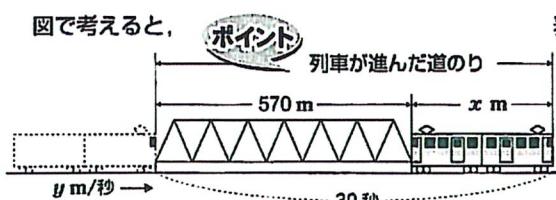
発展パターン ② 列車の長さを求める

列車の長さを求める

- ▼ある列車が、570mの鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでに30秒かかった。また、この列車が、1320mのトンネルに入り始めてから出終わるまでに1分かかった。この列車の長さと速さをそれぞれ求めなさい。

- 列車の長さを x m、列車の速さを秒速 y mとする。

図で考えると、



表で考えると、

	道のり(m)	速さ(m/秒)	時間(秒)
鉄橋	570 + x	y	30
トンネル	$\frac{1320}{y} + x$	y	60

道のり = 速さ × 時間
の関係を使って、
2つの式をつくろう

単位をあわせよう

$$\begin{cases} 570 + x = 30y \quad \text{…①} \\ 1320 + x = 60y \quad \text{…②} \end{cases}$$

①, ②を解いて

$$(x, y) = (180, 25)$$

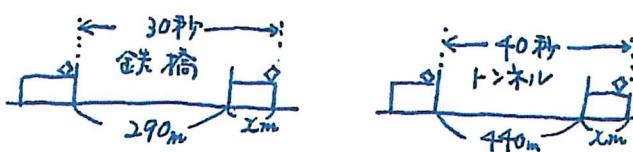
→ 答え

$$\text{列車の長さ} \cdots 180 \text{ m}$$

$$\text{列車の速さ} \cdots \text{秒速 } 25 \text{ m}$$

トライ②

ある列車が、290mの鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでに30秒かかった。また、この列車が、440mのトンネルに入り始めてから出終わるまでに40秒かかった。この列車の長さと速さをそれぞれ求めなさい。



列車の長さを x m、列車の速さを y m/s とすと、

$$\begin{cases} 290 + x = 30y \\ 440 + x = 40y \end{cases}$$

これを解くと
 $(x, y) = (160, 15)$

よって
列車の長さ 160m
速さ 15m/s

ステップ②

割合に関する問題



割合とは
~倍のこと！ 1% $\rightarrow \frac{1}{100}$ 倍、1割(10%) $\rightarrow \frac{1}{10}$ 倍

発展パターン③ 昨年は生徒が多い！テストに出る！

重
要
パ
タ
ー
ン
を
つ
か
む
ま
で
解
か
せ
よ
う

▼ ある中学校の昨年度の生徒数は550人であった。今年度は男子が5%減り、女子が10%増えたため、全体で10人増えた。今年度の男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。



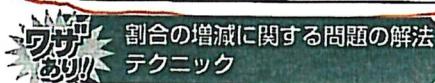
昨年の男子の生徒数を x 人、女子の生徒数を y 人とする。

	男子	女子	合計
昨年度(人)	x	y	550
人数の変化	5%減	10%増	10人増
今年度(人)	$\frac{95}{100}x$	$\frac{110}{100}y$	560

5%減 $\rightarrow 95\% \rightarrow \frac{95}{100}$ 倍

10%増 $\rightarrow 110\% \rightarrow \frac{110}{100}$ 倍

注意！ 昨年度ではなく、今年度の生徒数を x, y にしてしまうと、式をつくるのが大変になる。



割合の増減に関する問題の解法
テクニック

増減の変化から式をつくろう。

$$-\frac{5}{100}x + \frac{10}{100}y = +10 \quad \text{…④}$$

④と④の組み合わせより、④と④の組み合わせの方が計算が楽になるよ！

$$\begin{cases} x + y = 550 \\ -\frac{5}{100}x + \frac{10}{100}y = 10 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & \text{…①} & \text{…①, ③を解いて,} \\ & \text{…②} & (x, y) = (300, 250) \\ & ② \times 100 & \text{…③} \end{aligned}$$

注意！ これは昨年度の男子、女子の生徒数

• 今年度の生徒数は、

$$\begin{aligned} & \text{男子 … } 300(\text{人}) \times \frac{95}{100} = 285(\text{人}) \\ & \text{今年度の合計 - 男子} \end{aligned}$$

$$\text{女子 … } 560(\text{人}) - 285(\text{人}) = 275(\text{人})$$

トライ③

ある店で、2種類のパンA、Bを合わせて450個つくった。そのうち、パンAは6%，パンBは8%売れ残り、合わせて32個売れ残った。パンA、Bをそれぞれ何個つくったか求めなさい。

パンAを x 個、パンBを y 個とし

AとBを合わせて 450個



$$x + y = 450 \quad \text{…①}$$

Aは6%, Bは8%残り

あわせて32個残った

$$\frac{6}{100}x + \frac{8}{100}y = 32 \quad \text{…②}$$

①, ②を解いて

$$(x, y) = (200, 250)$$



よって

1パンA 200個、B 250個

トライ④

ある中学校の昨年度の生徒数は470人であった。今年度は男子が6%減少し、女子は5%増加したため、全体で4人減少した。今年度の男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。

昨年度の男子の生徒数を x 人、女子の生徒数を y 人とする。

	男子	女子	全体
昨年	x	y	470
人数の変化	6%減	5%増	4人減
今年度	$-\frac{6}{100}x$	$+\frac{5}{100}y$	-4

$$x + y = 470 \quad \text{…①}$$

$$-\frac{6}{100}x + \frac{5}{100}y = -4 \quad \text{…②}$$

$$② \times 100$$

$$-6x + 5y = -400 \quad \text{…③}$$

①, ②, ③

$$(x, y) = (250, 220)$$

今年度の生徒数は

男子 250人

女子 220人

答え

$$\begin{aligned} & \text{発展3} \quad \text{② } \frac{110}{100}y \\ & \text{③ } 285 \\ & \text{④ } 275 \end{aligned}$$

大切な問題だから、地域によくはあつかわばいところもありま。

ステップ 3 食塩水に関する問題

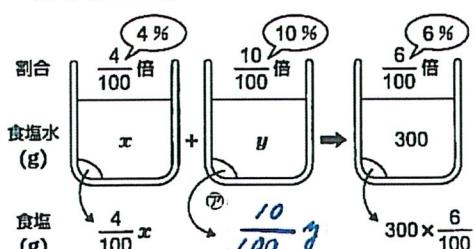
食塩水に関する問題は、食塩水の中に溶けている食塩の量に注目し、図や表をかいて考えるとわかりやすい。

発展パターン [4]

- ▼ 4%の食塩水と10%の食塩水を混ぜて、6%の食塩水を300gつくりたい。それぞれ何gずつ混ぜればよいか。

- 4%の食塩水をx g, 10%の食塩水をy g混ぜるとする。

図で考えると、



$$\begin{aligned} & \bullet \left\{ \begin{array}{l} x+y=300 \quad \text{①} \\ \frac{4}{100}x + \frac{10}{100}y = 300 \times \frac{6}{100} \quad \text{②} \end{array} \right. \\ & \bullet \text{②} \times 100 \\ & \quad 4x+10y=1800 \\ & \quad 2x+5y=900 \quad \text{③} \end{aligned}$$

• ①, ③を解いて、
 $(x, y) = (200, 100)$

4%の食塩水… 200 g
 10%の食塩水… 100 g

トライ [5]

- 4%の食塩水と8%の食塩水を混ぜて、5%の食塩水を200gつくりたい。それぞれ何gずつ混ぜればよいか。

$$\begin{array}{c} \text{食塩水} \quad 4\% \quad 8\% \quad 5\% \\ \boxed{x \text{ g}} \quad \boxed{y \text{ g}} \quad \boxed{200 \text{ g}} \end{array} \quad \left\{ \begin{array}{l} x+y=200 \quad \text{食塩水の量} \\ \frac{4}{100}x + \frac{8}{100}y = 200 \times \frac{5}{100} \quad \text{食塩の量} \end{array} \right.$$

食塩 $\frac{4}{100}x \quad \frac{8}{100}y \quad 200 \times \frac{5}{100}$ 解: $(x, y) = (150, 50)$
 よく 4%の食塩水 150g, 8%の食塩水 50g

答え
 発展 $\Rightarrow \frac{10}{100}y$
 ① 100
 ② 200
 ③ 100

練習問題

たくさん解いて、解き方を工夫したり、問題に慣れよう！

1

次の問い合わせなさい。 ◀発展1

自分で式を作らせてもら。

- ① ある人がA地から峠をこえて、14kmはなれたB地に行った。A地から峠までは時速4km、峠からB地までは時速6kmで歩いたところ、全体で3時間かかった。A地から峠までと、峠からB地までの道のりをそれぞれ求めなさい。

8km 6km

- ② 太郎君は1.8kmはなれた図書館に向かった。はじめは毎分40mで歩いていたが、途中から毎分200mで走ったところ、図書館まで33分かかった。歩いた道のりと走った道のりをそれぞれ求めなさい。

1200m 600m

- ③ ある人がA地から180kmはなれたB地へ車で行くのに、高速道路とふつうの道路を利用したところ、合計で2時間30分かかった。高速道路では時速80kmで、ふつうの道路では時速40kmで走ったとして、高速道路とふつうの道路を走った距離をそれぞれ求めなさい。

160km 20km

2

次の問い合わせなさい。 ◀発展2

- ① ある列車が、600mの鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでに40秒かかった。また、この列車が、1800mのトンネルに入り始めてから出終わるまでに1分30秒かかった。この列車の長さと速さをそれぞれ求めなさい。

360m 34m/s

- ② ある急行列車が、1460mのトンネルに入り始めてから出終わるまでに1分22秒かかった。また、この急行列車が、440mの鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでに31秒かかった。この急行列車の長さと分速をそれぞれ求めなさい。

180m
1200m/s

絵や図をつかりながら、式を作りましょう。

3

次の問に答えなさい。 ←ステップ①

- ① 家から 3.6 km はなれた図書館へ行くのに、途中の市役所までは毎分 90 m 、市役所から図書館までは毎分 60 m の速さで歩いたところ、合計で 50 分 かかった。家から市役所 市役所から図書館までのかかった時間 20分 30分
- ② A 地から B 地を通って C 地まで歩くのに、AB 間は時速 4 km で、BC 間は時速 5 km で歩いたところ、全体で 3 時間 かかった。BC 間は AB 間より 6 km 長いとき、AB 間 BC 間 の道のりをそれぞれ求めなさい。 4km 10km
- ③ A 地から B 地を通って C 地まで歩くのに、AB 間を時速 6 km 、BC 間を時速 3 km で歩く場合と、AB 間を時速 3 km 、BC 間を時速 4 km で歩く場合とでは、どちらも同じ 5 時間 かかるという。AC 間の道のり 18km
- ④ A 町から 360 km はなれた B 町へ車で行くのに、高速道路を 4 時間 、ふつうの道路を 2 時間 走った。高速道路では、ふつうの道路より時速 30 km 速く走ったとして、高速道路とふつうの道路を走った速さをそれぞれ求めなさい。 70km/時 40km/時

4

次の問に答えなさい。 ←ステップ①

- ① 長さ 100 m の列車 A と長さ 250 m の列車 B がある。ある鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまで、列車 A は 30 秒 、列車 B は 40 秒 かかる。列車 A、B の速さはどちらも等しいとき、鉄橋の長さと、列車 A の速さをそれぞれ求めなさい。 350m 15m/秒
- ② ある列車が、 390 m の鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでに 20 秒 かかった。また、この列車が、 1050 m のトンネルを通過するとき、トンネルの中にまったくかくれていた時間は 40 秒間 であった。この列車の長さと速さをそれぞれ求めなさい。 90m 24m/秒

5

次の問に答えなさい。 ←発展③

- ① バスケットボールの試合で、太郎君とはな子さんは 2 人合わせて 55 回シュートをした。シュートが成功したのは、 2 人がそれぞれシュートした回数のうち、太郎君は 30% 、はな子さんは 40% で、 2 人合わせて 19 回であった。太郎君 はな子さん はそれぞれ何回シュートしたか求めなさい。 30回 25回
- ② ある中学校の生徒数は、男女合わせて 420 人である。そのうち、自転車で通学している生徒は、男子の $\frac{1}{10}$ と女子の $\frac{1}{5}$ で、合わせて 62 人である。中学校全体の男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。 220人 200人
- ③ ある中学校では、全校生徒 300 人のうち 18% がバスで通学している。これを男女別にみると、男子では 10% 、女子では 25% であった。中学校全体の男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。 140人 160人

6

次の問に答えなさい。 ←発展③

- ① ある店で、シャツとズボンを 1 組買った。定価どおりだと、 1 組の値段は 6500 円 であったが、シャツは定価の 20% 引き、ズボンは定価の 30% 引きで買ったので、代金は 4800 円 になった。このシャツとズボンの定価をそれぞれ求めなさい。 4000円 2500円
- ② A、B 2種類のジュースがあり、昨日は合わせて 400 本売れた。昨日に比べて、今日売れた本数はジュース A が 20% 減り、ジュース B も 10% 減り、合わせて 330 本であった。昨日売れたジュース A、B の本数をそれぞれ求めなさい。 300本 100本
- ③ ある中学校の昨年度の生徒数は 350 人であった。今年度は男子が 6% 増え、女子が 8% 増えたため、全体で 25 人増えた。昨年度の男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。 150人 200人

7

次の問いに答えなさい。 ◀発展3

- ① ある中学校の昨年度のバスケットボール部員は、2年生と3年生合わせて45人であった。今年度は2年生が10%減り、3年生は20%増えたため、合わせて全体で3人増えた。今年度の2年生、3年生のバスケットボール部員の人数をそれぞれ求めなさい。

18人 30人

- ② ある中学校で図書館を利用した生徒数を調べた。9月は男女合わせて420人であった。10月は男子が5%増え、女子が3%減ったため、全体で425人であった。10月の男子、女子の利用者数をそれぞれ求めなさい。

231人 194人

- ③ ある中学校の今年度の入学者数は、昨年度の入学者数と比べて4人増加し、279人であった。これを男女別にみると、昨年度より男子の人数は6%増加し、女子の人数は4%減少した。昨年度の入学者の男子と女子の人数をそれぞれ求めなさい。

150人

- ④ ある工場の従業員は、昨年度は600人であった。今年度は男子が3%減少し、女子が9%増加したので、全体で5%増加した。今年度の男子、女子の従業員数をそれぞれ求めなさい。

194人 436人

8

次の問いに答えなさい。 ◀発展4

- ① 5%の食塩水と2%の食塩水を混ぜて、4%の食塩水を300gつくりたい。それぞれ何gずつ混ぜればよいか。

200g 100g

- ② 8%の食塩水と15%の食塩水を混ぜて、10%の食塩水を700gつくりたい。それぞれ何gずつ混ぜればよいか。

500g 200g

- ③ 銅を45%ふくむ合金Aと、銅を30%ふくむ合金Bを溶かして混ぜ、銅を40%ふくむ合金を60gつくりたい。そのためには、合金A、Bをそれぞれ何gずつ混ぜればよいか。

40g 50g

- ④ 8%の食塩水と12%の食塩水を混ぜて、さらに水を80g加えて6%の食塩水を240gつくりたい。それぞれ何gずつ混ぜればよいか。

120g 40g

最後までチャレンジ！

9

次の問いに答えなさい。 ◀いろいろな問題

- ① 生徒数が50人のクラスで数学のテストをした。すると、男子の平均点は70点、女子の平均点は80点で、クラス全体の平均点は74点であった。このクラスの男子、女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。

30人 20人

- ② 現在、父の年齢は太郎君の年齢の3倍より1歳少ない。また、今から11年後には、父の年齢は太郎君の年齢のちょうど2倍になるという。現在の父と太郎君の年齢をそれぞれ求めなさい。

35歳 16歳

- ③ ある動物園の入園料は、おとな800円、子ども500円である。ところが、団体割引を利用すると、おとなは100円引き、子どもも120円引きになる。今、16人の団体が、団体割引を利用して入園すると、利用しないよりも全部で1800円安くなる。この団体のおとな、子どもの人数をそれぞれ求めなさい。

6人 10人

- ④ 右の表は、豚ロースと鶏ささみのエネルギーについての表である。豚ロースと鶏ささみを合わせて105g、エネルギーが合計263kcalとなるには、豚ロースと鶏ささみがそれぞれ何gずつ必要か求めなさい。

豚ロース…60g、鶏ささみ…45g

	豚ロース(60gあたり)	鶏ささみ(30gあたり)
エネルギー	197 kcal	44 kcal

- ⑤ 長い石段の中ほど同じ段にいるA、B2人がじゃんけんをして、勝つと2段上がり、負けると1段下がることにした。何回かじゃんけんをして、Aはもとの位置より22段上に、Bはもとの位置より2段下にいた。A、Bの勝った回数をそれぞれ求めなさい。

14回 6回

- ⑥ 生徒が36人のクラスで、男子の $\frac{1}{5}$ と女子の $\frac{1}{7}$ がめがねをかけている。そして、その人数の合計は、クラス全体の $\frac{1}{6}$ にあたる。このクラス全體の男子、女子はそれぞれ何人いるか求めなさい。

15人 21人

上位クラスの人がOK。

応用問題



さあ、チャレンジしてみよう！あきらめずに最後までトライ！

- ① 次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} 0.1x + 0.5y = -1.4 \\ 0.4(x - 3y) = 0.8 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-4, -2)$$

$$\begin{cases} x - \frac{5x - 2y}{4} + 3 = 0 \\ \frac{x+4}{3} = \frac{y-5}{2} + 2 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-58, -35)$$

$$\begin{cases} 2x - 3(2-y) = 9 \\ \frac{1-x}{2} - \frac{y+2}{3} = -1 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-3, 7)$$

$$\begin{cases} 0.1x - 0.15y = -0.5 \\ \frac{x+2y}{6} - \frac{3x-y}{4} = 7 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-26, -14)$$

$$\begin{cases} \frac{4x+1}{5} - \frac{y-3}{10} = x-2 \\ 2(2x+y) - (x-7) = 50 \end{cases}$$

$$(x, y) = (7, 11)$$

$$\begin{cases} 5(x-3y) - 4(2x-y) = 27 \\ \frac{x}{2} - \frac{x-2y}{5} = \frac{3y+3}{10} \end{cases}$$

$$(x, y) = (2, -3)$$

- ② 右の連立方程式 ⑦ の解の x, y の値に、それぞれ 1 を加えたものが ① の解になるという。このとき、 a, b の値をそれぞれ求めなさい。

$$\begin{cases} 5x + 3y = -1 \\ 9bx - 2y = -6a \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax - 3by = -6 \\ 3x + 4y = 13 \end{cases}$$

$$a = 2, b = \frac{1}{3}$$

- ③ 次の問い合わせに答えなさい。

① ある自動販売機で、1本 80 円のジュースを買うため、100 円硬貨と 50 円硬貨を合わせて 10 枚用意した。100 円硬貨を 1 枚ずつ使ってジュースとおつりを取り出した。この操作を繰り返して、100 円硬貨をすべて使った。残ったおつりと 50 円硬貨で、さらに 3 本のジュースを買うことができ、20 円残った。最初に用意した 100 円硬貨と 50 円硬貨はそれぞれ何枚か求めなさい。

② ある中学校で、2 年生 189 人が職場体験することになり、3 人、4 人、5 人の班を、合わせて 50 つくることになった。4 人の班の数が 15 であるとき、3 人と 5 人の班の数をそれぞれ求めなさい。

$$\begin{matrix} 3 \\ 12 \end{matrix}$$

- ④ 次の問い合わせに答えなさい。

① 最初、姉の持っていた金額と弟の持っていた金額との比は 5 : 2 であった。姉が持っていたお金から 300 円を弟にわたしたので、その結果、姉の金額は弟の 2 倍より 420 円少なくなった。最初、姉と弟の持っていた金額をそれぞれ求めなさい。

$$1400 \text{ 円 } 960 \text{ 円}$$

② あるクラスで、全員がお金を出し合って、ボール 2 個と 3400 円のバット 1 本を買うことになった。このため、1 人 120 円ずつ集めると 360 円不足するが、1 人 150 円ずつ集めるとボールがもう 1 個多く買えて、さらに 200 円余るという。ボール 1 個の値段とクラスの人数をそれぞれ求めなさい。

$$400 \text{ 円 } 32 \text{ 人}$$

- ⑤ 次の問い合わせに答えなさい。

① あるプールを満水にするのに、A 管だけを使うと 12 時間かかり、B 管だけを使うと 4 時間かかる。今、このプールを満水にするのに、最初に A 管だけを使用し、次に A 管を止めて、B 管だけを使用したら、全体で 7 時間かかった。このとき、A 管、B 管を使用した時間をそれぞれ求めなさい。

$$\begin{matrix} 7 \text{ 時間} \\ 4 \text{ 時間} \end{matrix}$$

② A さんと B さんが、それぞれ 20 点の持ち点で、あるゲームを始めた。1 回のゲームごとに勝敗を決め、勝った方は持ち点を 2 点増やし、負けた方は 1 点減らすことにした。このゲームを 14 回繰り返したとき、A さんの持ち点は B さんの持ち点の 2 倍となった。A さんと B さんの勝った回数をそれぞれ求めなさい。

$$10 \text{ 回 } 4 \text{ 回}$$

- ⑥ 兄と妹は自転車で町に出かけた。町に着いて、バドミントンセットを 1 つ買い、代金は兄が支払った。お昼にカレーライスを食べ、2 人分の代金 1160 円は妹が支払った。それから、2 人は映画を見たが、1 人 1300 円の入場料は各自が支払った。

町で兄が妹よりも多く支払ったので、帰宅後、妹は兄にお金を渡し、2 人の支出額を同じにした。妹が兄に渡した金額を 5 倍すると、兄が町で支払った金額とちょうど同じになった。このとき、次の問い合わせに答えなさい。

① 妹が兄に渡した金額を x 円、バドミントンセットの代金を y 円として、連立方程式をつくりなさい。

② ①の連立方程式を解いて、妹が兄に渡した金額とバドミントンセットの代金をそれぞれ求めなさい。

$$\begin{cases} y + 1300 - x = 1160 + 1300 + x \\ 5x = y + 1300 \end{cases}$$

$$820 \text{ 円 } 1800 \text{ 円}$$

7

ある美術館で国宝展を開いたところ、来場者がつぎつぎと訪れた。初日は、開館時刻の午前10時には、すでに300人の行列ができていた。このときは1つの入り口から入館させたので、開館後に訪れた人もふくめて、15分後によく行列がなくなった。

次の日は、開館時刻に、すでに450人の行列ができていたので、2つの入り口を使って入館させたところ、開館後に訪れた人もふくめて、開館して9分後に行列がなくなった。

両日とも、開館後に訪れた人数は一定で、毎分 x 人とする。また、1つの入り口から入館した人数も一定で、毎分 y 人とする。このとき、次の問い合わせに答えなさい。

① 初日の午前10時から15分間に入館した人数を、 x の式で表しなさい。 $15x + 300$ (人)

② 開館後に訪れた人数と、1つの入り口から入館した人数は、それぞれ毎分何人であったか求めなさい。
 每分10人
 每分30人

8

次の問い合わせに答えなさい。

① ある人がA地から36kmはなれたB地までを往復することにした。行きはA地から2時間歩き、次にバスに42分間乗ってB地に着いた。帰りはB地から1時間歩き、バスに48分間乗ってA地に着いた。歩く速さとバスの速さをそれぞれ求めなさい。
 歩く速さ
 40km/時
 40km/時

② 列車Aと列車Bがあり、それぞれの長さは等しい。BはAの1.5倍の速さで走り、AとBがすれちがうのに10秒かかる。また、列車Aは長さ950mの鉄橋を渡り始めてから渡り終わるまでにちょうど1分かかる。列車Aの長さと秒速をそれぞれ求めなさい。
 250m
 20m/秒

③ 周囲が2100mの池がある。はな子さんと太郎さんがこの池の周囲を同じ地点から出発して走った。1回目は、2人が反対の方向にまわることにし、同時に出発したところ、7分後に初めて会った。2回目は、2人が同じ方向にまわることにし、はな子さんが出発してから2分後に太郎さんが出発したところ、太郎さんの出発から5分後にはな子さんに追いついた。はな子さんと太郎さんの走る速さをそれぞれ求めなさい。
 7.5m/分
 175m/分

④ 太郎君は、家から1680mはなれた学校に、毎分80mの速さで、歩いて登校している。ある日、登校の途中、はな子さんの家の前で忘れ物に気づいたので、自転車を借りて、忘れ物を取りに家まで往復した。はな子さんの家に自転車を返した後、いつもの歩く速さの1.5倍の速さで、はな子さんの家から学校まで走ったが、ふだんより2分多くかかって学校に着いた。自転車の速さを毎分240mとして、太郎君の家からはな子さんの家までと、はな子さんの家から学校までの道のりをそれぞれ求めなさい。

720m
 960m

9

次の問い合わせに答えなさい。

① 姉と妹がお金を出し合い、定価4500円のテニスのラケット1本を、2割引きで買うことにした。姉は自分の所持金の $\frac{2}{3}$ を、妹は自分の所持金の $\frac{1}{2}$ をそれぞれ出し合って、その代金を支払った。残った所持金を比べたところ、姉の金額は妹の金額の2倍より200円少なかった。代金を支払う前の姉と妹の所持金をそれぞれ求めなさい。
 4200円
 1600円

② 容器Aには濃度 $x\%$ の食塩水が400g入っており、容器Bには濃度 $y\%$ の食塩水が300g入っている。はじめに、A、Bからそれぞれ100gずつ取り出し、よく混ぜ合わせると5%の食塩水になった。次にA、Bに残っている食塩水をすべて混ぜ合わせ、100gだけ水を蒸発させたところ、5.5%の食塩水になった。
 x, y の値をそれぞれ求めなさい。
 2
 8

③ 容器A、Bに、濃度の異なる食塩水が、Aには400g、Bには800g入っている。はじめにAからBへ100g移し、よく混ぜた後、BからAへ100gもどすはずであったが、順序を間違えて、はじめにBからAへ100g移し、次にAからBへ100gもどしたため、Aは2.8%，Bは9.1%の濃度になってしまった。このとき、次の問い合わせに答えなさい。

1) はじめに容器A、Bに入っていた食塩水の濃度をそれぞれ $x\%$ 、 $y\%$ とするとき、連立方程式をつくり、 x, y の値をそれぞれ求めなさい。 $(x, y) = (1, 10)$

2) 順序を間違えずに行った場合、最後にAは何%になるはずであったか求めなさい。

$$\begin{cases} 400 \times \frac{x}{100} + 100 \times \frac{10}{100} = (400 + 100) \times \frac{2.8}{100} \\ 100 \times \frac{2.8}{100} + 700 \times \frac{10}{100} = (100 + 700) \times \frac{9.1}{100} \end{cases}$$

3%