

2元1次方程式は、1次関数と等式変形させた式と同じ。

4. 1次関数と方程式

ステップ 1 2元1次方程式のグラフ

基本学習

▼ 2元1次方程式 $x+2y=4$ について調べよう。

1) x, y の値の対応表を完成させなさい。

x	…	-4	-2	0	2	4	…
y	…	4	3	2	1	0	…

$x+2y=4$ に
 x の値を代入

$y \sim 2$

3) この方程式を y について解きなさい。

$$x+2y=4 \quad x \text{を移項して}$$

$$2y=-x+4$$

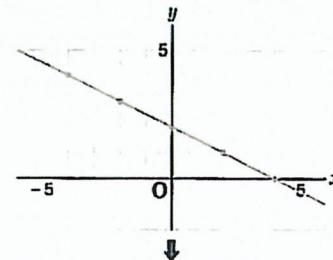
$$\text{両辺を } 2 \text{ でわると} \quad y = -\frac{1}{2}x + 2$$

確認 等式変形は方程式を解くのと同じ。(p.20, 21参照)

y は x の1次関数と見ることができ、グラフは傾きが $-\frac{1}{2}$ 、切片が 2 の直線である。

(次関数の式にする)

ポイント 2元1次方程式 $ax+by+c=0$ (a, b, c は定数) のグラフは直線になる。



基本パターン 1

▼ 次の方程式のグラフをかきなさい。

① $2x-3y-6=0$

y について解くと、 $-3y=-2x+6$

左辺に $-$ がある場合は、
まず両辺の符号をかえて
おくとミスが少ない

$$3y=2x-6 \quad \begin{matrix} \text{傾き} \\ \text{切片} \end{matrix}$$

$$y=\frac{2}{3}x-2 \quad \begin{matrix} \text{傾き} \\ \text{切片} \end{matrix}$$

② $x=-2$

y がどんな値であっても、 x の値は -2 になる

点 $(-2, 0)$ を通り、 y 軸に平行な直線

③ $4y-12=0$

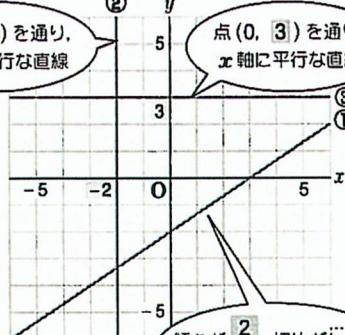
y について解くと、 $4y=12$

$$y=3$$

x がどんな値であっても、 y の値は 3 になる

点 $(0, 3)$ を通り、 x 軸に平行な直線

点 $(-2, 0)$ を通り、
 y 軸に平行な直線



傾きが $\frac{2}{3}$ 、切片が -2 の直線

ポイント $x=\square$ のグラフは、点 $(\square, 0)$ を通り、 y 軸に平行な直線になる。
 $y=\triangle$ のグラフは、点 $(0, \triangle)$ を通り、 x 軸に平行な直線になる。

トライ 1

次の方程式のグラフをかきなさい。

① $2x+y=4$

$$y = -2x + 4$$

② $3x-4y-12=0$

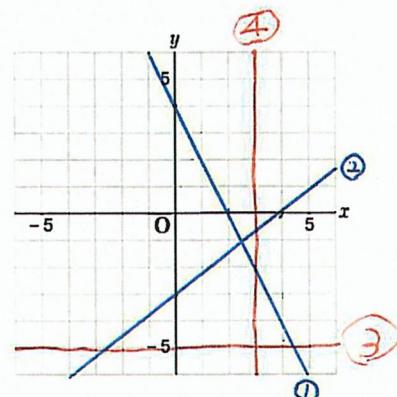
$$\begin{aligned} -4y &= -3x + 12 \\ 4y &= 3x - 12 \\ y &= \frac{3}{4}x - 3 \end{aligned}$$

③ $2y=-10$

$$y = -5$$

④ $5x-15=0$

$$x = 3$$



基本学習

基本1

方程式の計算かにやくでさうようになくみよう!

基本パターン(2)

▼ 方程式 $3x - 2y + 6 = 0$ について、次の問いに答えなさい。

1) x 軸、 y 軸との交点の座標を求めなさい。

• x 軸との交点は、 $y = 0$ のときだから、 $3x - 2 \times 0 + 6 = 0$

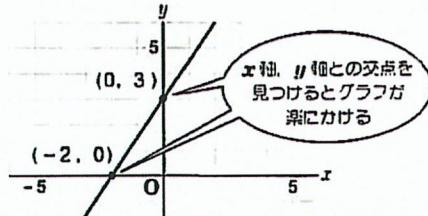
$$3x - 2y + 6 = 0 \text{ に } y = 0, x = 0 \text{ をそれぞれ代入} \quad x = -2$$

• y 軸との交点は、 $x = 0$ のときだから、 $3 \times 0 - 2y + 6 = 0$

$$y = 3$$

$$\Rightarrow x \text{ 軸との交点 } (-2, 0), y \text{ 軸との交点 } (0, 3)$$

2) この方程式のグラフをかきなさい。



ポイント x 軸、 y 軸との交点の座標

$x=0, y=0$ を方程式に代入して求める。
 x 軸との交点 $(\bullet, 0)$, y 軸との交点 $(0, \Delta)$

ドライ(2)

次の方程式のグラフと x 軸、 y 軸との交点の座標を求めなさい。

また、グラフもかきなさい。

$$① 2x - 5y + 10 = 0$$

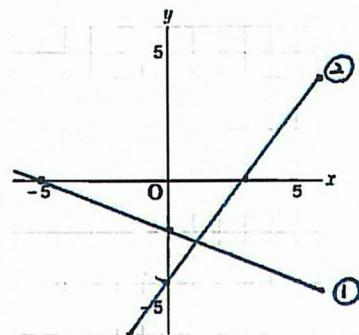
$$y=0 \text{ のとき}, 2x - 0 + 10 = 0 \quad x = -5 \quad \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1$$

$$x=0 \text{ のとき}, 0 - 5y + 10 = 0 \quad y = 2$$

$$y=0 \text{ のとき}, \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1 \quad x = 3$$

$$(-5, 0), (0, 2)$$

$$(-3, 0), (0, -4)$$



ステップ(2)

連立方程式の解とグラフの交点

基本パターン(3)

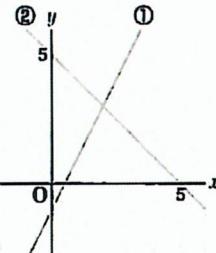
▼ 連立方程式 $\begin{cases} 2x - y = 1 & \cdots ① \\ x + y = 5 & \cdots ② \end{cases}$ について、次の問いに答えなさい。

1) ①、②の方程式のグラフをかき、交点の座標を読み取りなさい。

• ①より、 $y = 2x - 1$

• ②より、 $y = -x + 5$

$$\Rightarrow \text{交点の座標は } (2, 3)$$



2) 連立方程式を解きなさい。

$$\bullet ① + ② \quad 3x = 6$$

$$\xrightarrow{\text{加減法で解こう}} x = 2$$

$$\bullet x = 2 \text{ を } ② \text{ に代入}$$

$$2 + y = 5$$

$$y = 3$$

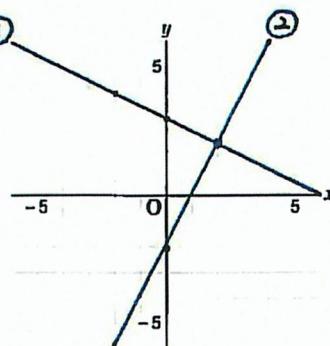
$$\Rightarrow (x, y) = (2, 3)$$

x, y の値の組が同じである

ドライ(3)

連立方程式 $\begin{cases} x + 2y = 6 & \cdots ① \\ 2x - y = 2 & \cdots ② \end{cases}$

の解を、グラフをかいて求めなさい。



$$\textcircled{1} \text{ より } 2y = -x + 6$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 3 \quad (2, 2)$$

$$\textcircled{2} \text{ より } -y = -2x + 2$$

$$y = 2x - 2$$

ポイント 連立方程式

$\begin{cases} \circlearrowleft x + \triangle y = \square & \cdots ① \\ \bullet x + \Delta y = \blacksquare & \cdots ② \end{cases}$ の解は、

直線①、②の交点の座標

\Rightarrow 2直線の交点の座標は、2つの直線の式を連立方程式として解いて求めることができる。

答え

基本2 $\text{ア}-2 \text{ イ}3 \text{ ウ}-2 \text{ エ}3$

基本3 $\text{ア}2 \text{ イ}5 \text{ ウ}2 \text{ エ}3 \text{ オ}2 \text{ カ}3 \text{ キ}2 \text{ ウ}3$

連立方程式を解く練習をしよう。

基本パターン④

▼ 2直線 $y = 3x - 1$, $y = -2x + 4$ の交点の座標を求めなさい。

$$\begin{cases} y = 3x - 1 & \cdots ① \\ y = -2x + 4 & \cdots ② \end{cases}$$

ポイント $y = \boxed{\quad}$, $y = \boxed{\quad}$ の連立方程式は、横に並べて、 $\boxed{\quad} = \boxed{\quad}$ として解けばよい。

①を②に代入

$$3x - 1 = -2x + 4$$

$$5x = 5$$

$$x = \boxed{1}$$

→ $x = \boxed{1}$ を①に代入

$$y = 3 \times \boxed{1} - 1 = \boxed{2}$$

→ 答え $(\boxed{1}, \boxed{2})$

代入法で
解こう

トライ④

2直線 $y = -\frac{1}{3}x + 3$, $y = 2x - 4$ の交点の座標を求めなさい。

$$\begin{cases} y = -\frac{1}{3}x + 3 & \cdots ① \\ y = 2x - 4 & \cdots ② \end{cases}$$

①を②に代入

$$-\frac{1}{3}x + 3 = 2x - 4$$

$$x = 3$$

これを②に代入

$$y = 2$$

$$(3, 2)$$

ジャンクフ

1

切片が整数とならない2元1次方程式のグラフのかき方

方程式 $2x - 3y + 5 = 0$ は、 y について解くと、 $y = \frac{2}{3}x + \frac{5}{3}$ となる。この場合、切片が $\frac{5}{3}$ となり、切片を利用してグラフをかくことができない。ここでは、切片が整数とならない2元1次方程式のグラフのかき方を学ぶ。

発展パターン①

ポイント

切片がわからなくても、直線が通る2点の座標がわかれれば、グラフはかける。

▼ 方程式 $2x - 3y + 5 = 0$ について、次の問いに答えなさい。

1) 下の x , y の値の対応表を完成させなさい。

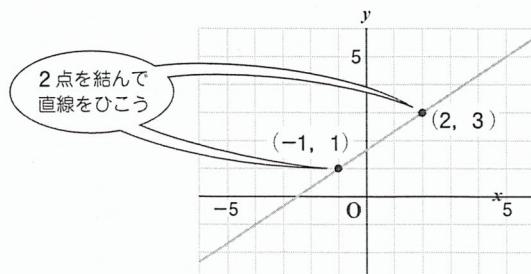
方程式を $3y = 2x + 5$ と変形し、 x に値を代入して y の値を求める。

x	…	-2	-1	0	1	2	3	…
y	…	$\frac{1}{3}$	1	$\frac{5}{3}$	$\frac{7}{3}$	3	$\frac{11}{3}$	…

x , y の値の組が整数となるものを2組見つけよう

2) この方程式のグラフをかきなさい。

1) より、2点 $(-1, 1)$, $(2, 3)$ を通ることがわかる。



参考 $y = \frac{2}{3}x + \frac{5}{3}$ より、傾きが $\frac{2}{3}$ とわかるので、点 $(-1, 1)$ を通り、傾きが $\frac{2}{3}$ の直線と考えてもよい。

トライ⑤

次の方程式の x , y の値の対応表を完成させ、グラフをかきなさい。

① $x + 2y - 5 = 0$

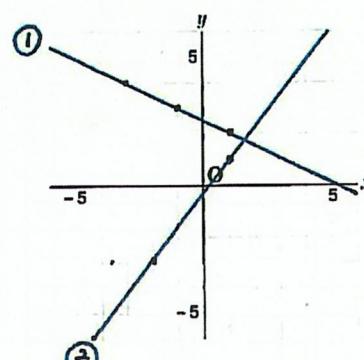
x	…	-2	-1	0	1	2	…
y	…	$\frac{7}{2}$	3	$\frac{5}{2}$	2	$\frac{3}{2}$	…

$$2y = -x + 5$$

② $4x - 3y - 1 = 0$

x	…	-2	-1	0	1	2	…
y	…	-3	$-\frac{5}{3}$	$-\frac{1}{3}$	1	$\frac{7}{3}$	…

$$3y = 4x - 1$$



答え

基本4

⑦ 1 ⑧ 2 ⑨ 1 ⑩ 2

発展1

⑦

$\frac{5}{3}$

⑧ 3

グラフをたくさん書いて、2元1次方程式の仕組みをあせらよう！

練習問題



たくさん解いて、解き方を工夫したり、問題に慣れよう！

1 次の方程式で表される直線の傾きと切片を求めなさい。

◀ステップ ①

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & 4x + y = 3 \\ & \text{化簡} \rightarrow -4x - y = -3 \\ & \text{切片} \rightarrow (-\frac{3}{4}, 0) \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \textcircled{2} & 2x + 3y + 6 = 0 \\ & \text{化簡} \rightarrow -\frac{2}{3}x - y = -2 \\ & \text{切片} \rightarrow (0, -2) \end{array}$$

2 次の方程式のグラフをかきなさい。◀基本1

$$\textcircled{1} \quad x + y = 1$$

$$\textcircled{2} \quad 3x - y + 3 = 0$$

$$\textcircled{3} \quad x + 2y + 4 = 0$$

$$\textcircled{4} \quad x = 2$$

$$\textcircled{5} \quad 3y = -9$$

$$y = -3$$

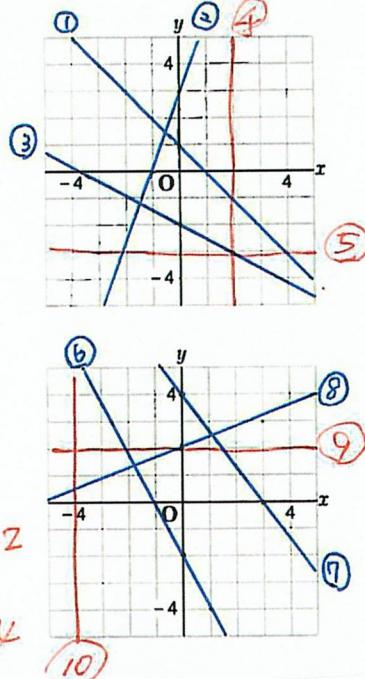
$$\textcircled{6} \quad 2x + y + 2 = 0$$

$$\textcircled{7} \quad 4x + 3y - 12 = 0$$

$$\textcircled{8} \quad 2x - 5y + 10 = 0$$

$$\textcircled{9} \quad 2y - 4 = 0 \quad y = 2$$

$$\textcircled{10} \quad 12 + 3x = 0 \quad x = -4$$



3 a, b, c を定数とする2元1次方程式 $ax+by+c=0$ について、次の①～④の場合において、グラフの特徴として当てはまるものをア～オから1つ選び、その記号を書きなさい。◀基本1

$$\textcircled{1} \quad a = 0$$

ウ

$$\textcircled{2} \quad b = 0$$

エ

$$\textcircled{3} \quad a \text{ と } b \text{ が同符号}$$

イ

$$\textcircled{4} \quad a \text{ と } b \text{ が異符号}$$

ア

- ア 右上がりの直線
- イ 右下がりの直線
- ウ x 軸に平行な直線
- エ y 軸に平行な直線
- オ この情報からだけでは、判断できない

4 次の方程式のグラフと x 軸、 y 軸との交点の座標を求めなさい。また、グラフもかきなさい。◀基本2

$$\textcircled{1} \quad 2x + 3y = 6$$

x 軸 $(3, 0)$ y 軸 $(0, 2)$

$$\textcircled{2} \quad 2x - 4y - 8 = 0$$

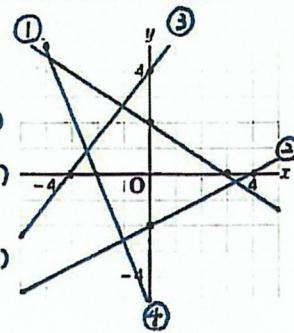
x 軸 $(4, 0)$ y 軸 $(0, -2)$

$$\textcircled{3} \quad 4x - 3y + 12 = 0$$

x 軸 $(-3, 0)$ y 軸 $(0, 4)$

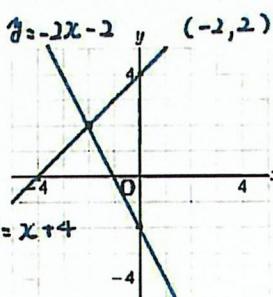
$$\textcircled{4} \quad \frac{x}{2} + \frac{y}{5} = -1$$

x 軸 $(-2, 0)$ y 軸 $(0, -5)$

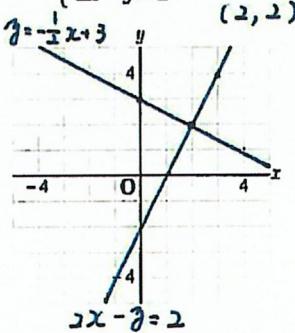


5 次の連立方程式の解を、グラフをかいて求めなさい。◀基本3

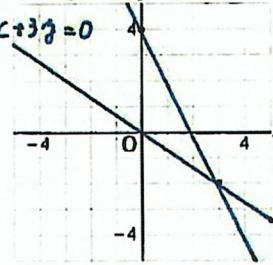
$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} y = x + 4 \\ y = -2x - 2 \end{cases}$$



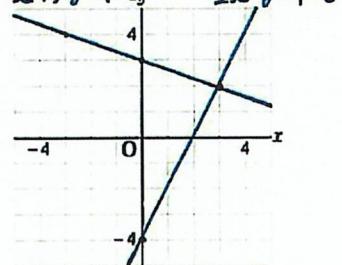
$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} y = -\frac{1}{2}x + 3 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$$



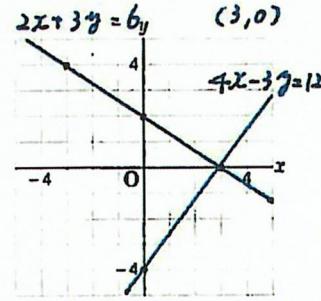
$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} 2x + 3y = 0 \\ y = -2x + 4 \end{cases}$$



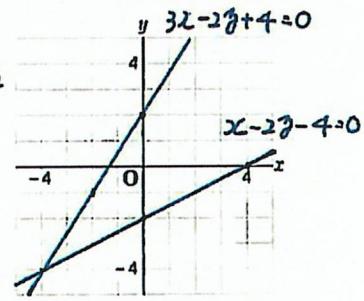
$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} 2x - y - 4 = 0 \\ x + 3y - 9 = 0 \end{cases}$$



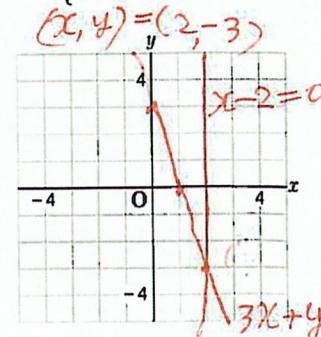
$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} 2x + 3y = 6 \\ 4x - 3y = 12 \end{cases}$$



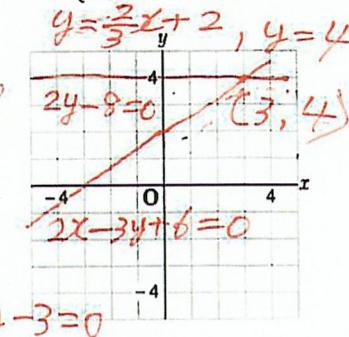
$$\textcircled{6} \quad \begin{cases} x - 2y - 4 = 0 \\ 3x - 2y + 4 = 0 \end{cases}$$



$$\textcircled{7} \quad \begin{cases} 3x + y - 3 = 0 \\ x - 2 = 0 \end{cases}$$



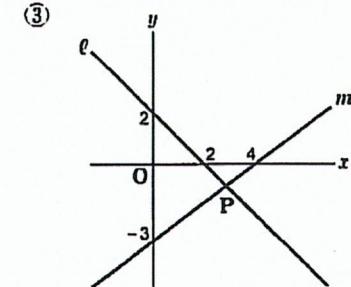
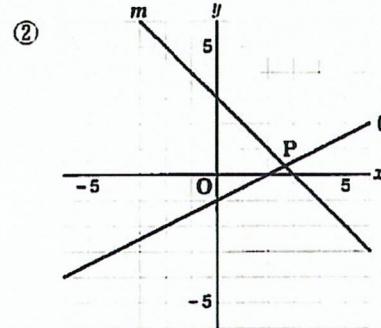
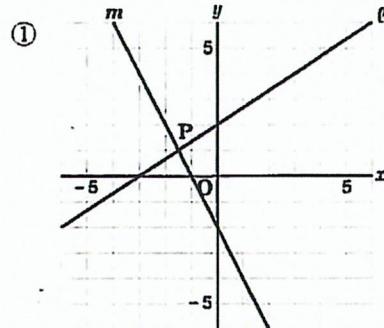
$$\textcircled{8} \quad \begin{cases} 2x - 3y + 6 = 0 \\ 2y - 8 = 0 \end{cases}$$



6 次の2直線の交点の座標を求めなさい。 ← 基本4

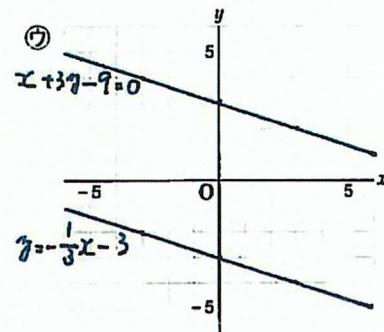
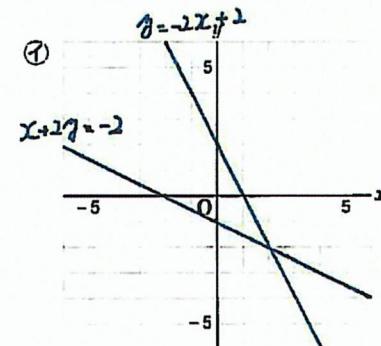
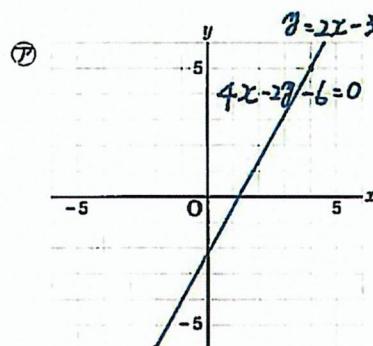
- ① $y = 2x - 1$, $y = x + 3$ (4, 7) ② $y = x - 5$, $y = -2x + 4$ (3, -2) ③ $y = 5x - 8$, $y = x + 4$ (3, 7)
 ④ $y = -3x - 4$, $y = 2x + 6$ (-2, 2) ⑤ $x + 4y = -2$, $2x + 3y = 1$ (2, -1) ⑥ $2x - y + 4 = 0$, $3x - 2y + 7 = 0$ (-1, 1)
 ⑦ $y = x - 3$, $y = -\frac{1}{2}x$ (2, -1) ⑧ $y = \frac{3}{4}x + \frac{5}{2}$, $y = x + 2$ (2, 4) ⑨ $y = \frac{1}{2}x + 3$, $y = \frac{1}{3}x + 2$ (-6, 0)

7 次の図で、2直線 ℓ , m の式をそれぞれ求め、交点Pの座標を求めなさい。 ← ステップ ②



8 次の連立方程式 ⑦～⑩について、次の問いに答えなさい。 ← ステップ ①②

① それぞれのグラフをかきなさい。



$$\text{⑦ } \begin{cases} y = 2x - 3 \\ 4x - 2y - 6 = 0 \end{cases} \quad \text{⑧ } \begin{cases} x + 2y = -2 \\ y = -2x + 2 \end{cases} \quad \text{⑨ } \begin{cases} y = -\frac{1}{3}x - 3 \\ x + 3y - 9 = 0 \end{cases}$$

② 連立方程式 ⑦～⑩のうち、次の1)～3)にあてはまるものを選びなさい。

1) 解がないもの ⑨

2) 解が1つだけあるもの ①

3) 解が無数にあるもの ⑩

9 次の直線の式を求めなさい。 ← ステップ ①②

- ① 点(3, 4)を通り、直線 $2x - y + 5 = 0$ に平行な直線 ② 点(5, -3)を通り、 y 軸に平行な直線 $x = 5$
 ③ 2点(-2, -4), (6, -4)を通る直線 $y = -4$ ④ 2点(-4, 0), (1, 0)を通る直線 $y = 0$
 ⑤ 方程式 $3x - 2y = 12$ のグラフと x 軸上で交わり、点(2, -1)を通る直線 $y = \frac{1}{2}x - 2$

10 次の問いに答えなさい。 ← ステップ ①②

① 直線 $x - 2y + 8 = 0$ が、2点(2, a), (b , 3)を通るととき、 a , b の値を求めなさい。 $a = 5$, $b = -2$

② 2直線 $2x - y = 4$, $x + 3y = a$ が y 軸上で交わるととき、 a の値を求めなさい。 $a = -12$

③ 2直線 $ax + by + 5 = 0$, $bx - ay + 15 = 0$ が、点(-3, 1)で交わるととき、 a , b の値を求めなさい。 $a = 3$, $b = 4$

④ 直線 $ax - y + 2 = 0$ は、 a の値に関係なく、いつもある一点を必ず通る。その点の座標を求めなさい。 $(0, 1)$

上位クラスはチャレンジしてみよう！

応用問題



さあ、チャレンジしてみよう！あきらめず最後までトライ！

- ① 次の2直線の交点の座標を求めなさい。

- ① 点(2, 1)を通り、切片が-3である直線と、2点(-1, -9), (1, -1)を通る直線との交点の座標 (1, -1)
- ② 2点(1, -2), (4, 4)を通る直線と、直線 $3x+2y=4$ に平行で点(4, -3)を通る直線との交点の座標 (2, 0)

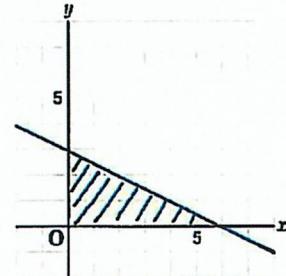
- ② 次の問いに答えなさい。

- ① 3直線 $x+y=-1$, $3x-y=9$, $ax+3y=-3$ が1点で交わるとき、 a の値を求めなさい。 $a=3$
- ② 2直線 $3x-2y=11$, $2x+3y=3$ の交点を通り、 x 軸に平行な直線の式を求めなさい。 $y=-1$
- ③ 2直線 $y=-x+1$, $y=\frac{1}{2}x-2$ の交点と、点(-1, 5)を通る直線の式を求めなさい。 $y=-2x+3$
- ④ 2直線 $x-y+3=0$, $y=ax+15$ が、直線 $y=\frac{3}{2}x+1$ 上で交わるとき、 a の値を求めなさい。 $a=-2$

- ③ 直線 $x+2y-6=0$ と x 軸、 y 軸とで囲まれた三角形がある。このとき、次の問いに答えなさい。

- ① 直線 $x+2y-6=0$ のグラフをかき、この三角形を斜線で表しなさい。
- ② この三角形にふくまれる点のうち、 x 座標、 y 座標ともに自然数となる点は何個あるか求めなさい。ただし、三角形の辺上の点もふくむものとする。

(1, 1) (1, 2) (2, 1) (2, 2) (3, 1) (4, 1) 6個

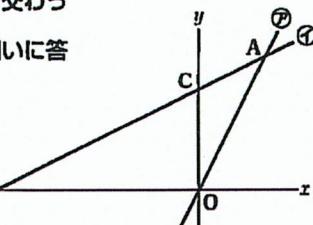


- ④ 右の図のように、2直線 $y=2x \cdots ⑦$, $y=\frac{1}{2}x+b (b>0) \cdots ①$ が点Aで交わっている。また、直線①が x 軸、 y 軸と交わる点をB, Cとするとき、次の問いに答えなさい。

- ① $b=4$ のとき、点Bの座標を求めなさい。 (-8, 0)

- ② 点Bの x 座標が-6のとき、点Aの座標を求めなさい。(2, 4)

- ③ 点Aの y 座標が12のとき、点Cの座標を求めなさい。(0, 9)

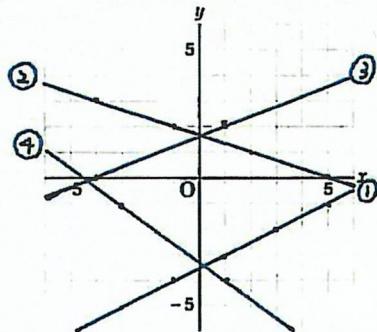


ジャンプ 発展問題

発展内容へジャンプ！

- ① 次の方程式のグラフをかきなさい。

- ① $x-2y-7=0$
- ② $x+3y-5=0$
- ③ $2x-5y+8=0$
- ④ $3x+4y+13=0$



- ② 次の直線の式を求めなさい。

$$\begin{aligned} ① &y = \frac{1}{3}x + \frac{7}{3} \\ ② &y = -\frac{1}{3}x + \frac{8}{3} \\ ③ &y = \frac{3}{4}x - \frac{1}{5} \\ ④ &y = -\frac{2}{3}x - \frac{7}{3} \end{aligned}$$

